

Grado en Economía

27402 - Matemáticas I

Guía docente para el curso 2015 - 2016

Curso: , Semestre: , Créditos: 6.0

Información básica

Profesores

- **Joaquín Andaluz Funcia** jandaluz@unizar.es
- **Josefina Cabeza Laguna** jcabeza@unizar.es
- **María Gloria Jarne Jarne** gjarne@unizar.es
- **María Pilar Alonso Ortega** palonso@unizar.es
- **Carmen Elvira Donazar** celvira@unizar.es

Recomendaciones para cursar esta asignatura

Es aconsejable que al inicio de esta asignatura los estudiantes tengan destreza en el manejo de operaciones aritméticas, de matrices y de funciones reales de una variable real, a nivel de los conocimientos adquiridos en la asignatura de Bachillerato Matemáticas Aplicadas a las Ciencias Sociales II. Más concretamente, facilitará notablemente la comprensión de esta asignatura que los estudiantes hayan adquirido habilidad en:

- Cálculo operacional.
- Cálculo de raíces de polinomios con coeficientes reales.
- La resolución de sistemas de ecuaciones no lineales de dos variables.
- Operaciones con matrices.
- Operaciones elementales de matrices aplicadas al cálculo de rangos y a la resolución de sistemas de ecuaciones lineales.
- Operaciones con funciones; en este sentido sería aconsejable además que el estudiante pudiera establecer con claridad la diferencia entre composición y producto de funciones y que para una función real de una variable real distinguiera entre afirmaciones del tipo “estar definida” y “ser continua” ...
- La derivación de un amplio abanico de funciones y la representación gráfica de las mismas.
- Cálculo de algunas primitivas elementales.

Actividades y fechas clave de la asignatura

- Presentación de la asignatura en la primera sesión de clase
- Asistencia y aprovechamiento continuado a las clases teóricas y prácticas.
- Asistencia a las prácticas P6 (según calendario del grupo).
- Realización, según calendario indicado el día de la presentación de la asignatura, de pruebas intermedias de evaluación.
- Examen final, según el calendario del Centro.

Inicio

Resultados de aprendizaje que definen la asignatura

El estudiante, para superar esta asignatura, deberá demostrar los siguientes resultados...

1:

1. Ha adquirido cierta destreza en el uso del lenguaje matemático, tanto en su comprensión como en su escritura.
2. Distingue cuándo las relaciones entre las variables de un problema son lineales o no lineales y utiliza para su representación el instrumento matemático adecuado en cada caso.
3. Utiliza la notación matricial para representar y el cálculo matricial para resolver un problema de carácter económico en el que las relaciones entre las variables son lineales.
4. Discute un sistema de ecuaciones lineales aplicando el teorema de Rouché-Frobenius.
5. Resuelve un sistema de ecuaciones lineales compatible utilizando el método más adecuado e interpreta sus soluciones en el contexto del que provenga si es el caso.
6. Identifica una matriz cuadrada diagonalizable.
7. Diagonaliza una matriz cuadrada cuando esto sea posible.
8. Aplica la diagonalización de matrices cuadradas en el contexto económico, por ejemplo en el estudio de un proceso dinámico a largo plazo.
9. Identifica una forma cuadrática y es capaz de determinar su signo con el procedimiento más adecuado.
10. Diferencia en un fenómeno económico las variables endógenas y exógenas y es capaz de representar mediante funciones las relaciones entre ellas.
11. Comprende el significado de los conceptos matemáticos de continuidad y diferenciabilidad en el contexto económico.
12. Tiene destreza en el cálculo de derivadas parciales y en su interpretación en el ámbito económico.
13. Reconoce las funciones diferenciables y las implicaciones de la diferenciabilidad.
14. Reconoce la dependencia en cadena de diferentes variables y es capaz de calcular la variación de las variables finales respecto a cualquiera de las iniciales.
15. Reconoce si una función está dada en forma explícita o implícita y es capaz de obtener las derivadas parciales en cualquier caso.
16. Reconoce cuando una función es homogénea y las implicaciones de esta propiedad, en particular en el contexto de las funciones de producción.
17. Reconoce la herramienta matemática que permite determinar una magnitud total a partir de la correspondiente parcial.
18. Comprende los conceptos de primitiva de una función e integral indefinida.
19. Reconoce si la integral indefinida de una función es inmediata y la resuelve con la aplicación de la tabla de integrales inmediatas.
20. Identifica el método más adecuado para calcular la integral indefinida de una función, en concreto, distingue si es necesario un cambio de variable, el método por partes o el cálculo de integrales racionales.
21. Comprende el significado geométrico de la integral definida, integral de Riemann.

22. Aplica las propiedades principales de la integral definida.
23. Relaciona el concepto de integral indefinida con el de integral definida.
24. Aplica la regla de Barrow para el cálculo de la integral definida.
25. Introduce un cambio de variable en una integral definida.
26. Identifica los elementos fundamentales en un problema de carácter económico, formaliza si es posible dicho fenómeno en un problema matemático, resuelve dicho problema matemático con el método o herramienta más adecuada e interpreta el resultado en el contexto económico original.
27. Es capaz de relacionar los distintos temas tratados en la asignatura.

Introducción

Breve presentación de la asignatura

Matemáticas I es una asignatura de formación básica de 6 créditos ECTS que se imparte en el primer cuatrimestre del primer curso. Tiene su continuación en Matemáticas II impartida en el segundo cuatrimestre del mismo curso.

La docencia de esta materia está adscrita al departamento de Análisis Económico de la Universidad de Zaragoza que tiene además responsabilidad docente en otras materias estrechamente relacionadas con la matemática, como son: microeconomía, macroeconomía y econometría.

El objetivo general de estas materias es estudiar los problemas económicos desde un punto de vista formal, es decir, modelar la realidad económica para poder entenderla y dar una explicación científica de lo que ha ocurrido así como intentar predecir lo que va a ocurrir. En este marco, para poder alcanzar este objetivo, las matemáticas proporcionan:

- Un lenguaje sin ambigüedad que permita definir conceptos económicos y resultados económicos con el rigor necesario.
- Un conjunto de instrumentos y métodos de cálculo que faciliten la resolución de problemas económicos.
- Un método de razonamiento que permita estructurar los enunciados y sus interrelaciones, precisando los supuestos iniciales y dando validez a las conclusiones obtenidas a partir de éstos por deducción.

En concreto, la asignatura Matemáticas I tiene como objetivo ampliar los conocimientos matemáticos relativos al cálculo matricial y funciones de una variable e introducir el estudio de funciones de varias variables, preparando así al estudiante para asimilar en Matemáticas II las herramientas matemáticas más utilizadas en el análisis económico, fundamentalmente en el campo de la teoría económica y de la econometría. Esta primera asignatura ayuda al estudiante a despegar de sus conocimientos fundamentalmente calculísticos, propios de las matemáticas en enseñanzas medias, hacia el rigor y la abstracción propios del campo científico de la Matemática, lo que le permitirá enfrentarse a otras asignaturas del grado que utilicen aparato matemático y a futuros retos dentro de su profesión.

Al finalizar la asignatura el estudiante conocerá con cierta precisión el lenguaje matemático, que le permitirá entender conceptos económicos e interpretar resultados con cierto rigor, y conocerá un conjunto de instrumentos y métodos de cálculo que le permitirán la resolución de problemas económicos sencillos.

Contexto y competencias

Sentido, contexto, relevancia y objetivos generales de la asignatura

La asignatura y sus resultados previstos responden a los siguientes planteamientos y objetivos:

Los objetivos de carácter general de la enseñanza de las matemáticas en este grado pueden englobarse en dos: (1) formación matemática del estudiante, (2) capacitación para la utilización de las matemáticas en los problemas que se le planteen en su futura profesión.

En la asignatura Matemáticas I se inicia al estudiante en el rigor, la precisión, la capacidad de abstracción y el método

científico que caracterizan a la mayor parte de las asignaturas del grado. En cuanto al segundo objetivo, capacitación del estudiante para la resolución de problemas concretos, en esta asignatura se prepara al estudiante para la modelización y resolución de problemas sencillos utilizando técnicas el álgebra lineal y de cálculo diferencial e integral.

Contexto y sentido de la asignatura en la titulación

Las asignaturas de matemáticas son, para los futuros graduados en economía, un instrumento metodológico de trabajo que debe servir de apoyo a otras asignaturas que forman el núcleo distintivo de su formación, como microeconomía, macroeconomía, econometría, etc. Se pondrá un empeño especial en acercar las matemáticas a los problemas de índole económico, lo que sin duda ayudará a una mejor comprensión de las matemáticas y, en consecuencia, a una mayor capacidad para su aplicación. Asimismo, se proporcionarán los fundamentos matemáticos necesarios para que el resto de materias puedan desarrollarse con éxito.

En este primer curso se abordarán los elementos constitutivos de un modelo: variables, constantes, parámetros, ecuaciones, identidades, dominios, tipos de funciones; sistemas de ecuaciones lineales y su resolución mediante técnicas de álgebra lineal. En la segunda parte de la asignatura se introduce el análisis estático-comparativo con el estudio del cálculo tanto en una variable como en varias, que se aplicará más adelante (en Matemáticas II y Microeconomía) en la resolución de problemas de optimización.

Al superar la asignatura, el estudiante será más competente para...

1:

Desarrollar las siguientes **competencias específicas**:

E5. Identificar situaciones de optimización de recursos y costes

E16. Derivar de los datos información económica relevante

E17. Utilizar el razonamiento deductivo en conjunción con modelos para explicar los fenómenos económicos

E18. Representar formalmente los procesos de decisión económica

2:

Desarrollar las siguientes **competencias genéricas**:

G1. Capacidad de análisis y síntesis

G6. Dominio de las herramientas informáticas y el lenguaje matemático

3:

Más concretamente, cuando el estudiante supere la asignatura estará capacitado para:

1. Leer manuales de ésta y otras materias, ya que habrá tenido oportunidad de familiarizarse con la terminología básica de la asignatura, es decir, habrá adquirido el lenguaje apropiado para las matemáticas empresariales y el resto de disciplinas de corte analítico. Conocerá los conceptos, operaciones, teoremas y proposiciones básicas, y habrá desarrollado destreza en su uso. Tendrá hábitos de razonamiento deductivo. Habrá comenzado a desarrollar las capacidades de abstracción, generalización, análisis y síntesis.
2. Enfrentarse por sí solo a nuevas situaciones que le surgirán en su actividad profesional, ya que al haber trabajado en la asignatura en “la resolución de problemas concretos”, habrá adquirido confianza en la aplicación de sus conocimientos matemáticos. Será capaz de buscar modelos matemáticos apropiados a los problemas derivados de la economía. Una vez planteado un cierto problema económico, el estudiante será capaz de formularlo en términos matemáticos, si su resolución así lo requiere, y resolverlo con los conocimientos matemáticos adquiridos. Finalmente, interpretará y analizará las soluciones obtenidas en términos del área de donde partiera el planteamiento.
3. Asimilar nuevas herramientas o ideas matemáticas que no hayan sido explicadas en los estudios de grado de manera explícita.
4. Aplicar, cuando lo necesite, procedimientos de cálculo en los que se utilice el ordenador para resolver problemas que requieran una gran complejidad de cálculo.
5. Trabajar en equipo, ya que habrá aprendido a cooperar con sus compañeros, compartir sus experiencias y llegar a conclusiones conjuntas.
6. Presentar y exponer trabajos, ya que habrá mejorado sus habilidades de comunicación. En la actualidad estas capacidades tienen cada vez más importancia en la vida profesional. Las habilidades de comunicación se extienden a la expresión escrita y a la expresión oral. No sólo es importante el contenido

sino también la forma de presentación, con lo cual la formación también debería abarcar el aprendizaje de técnicas de presentación y exposición en público.

7. Seguir formándose mediante el autoaprendizaje (consultando libros, revistas especializadas, web,...), algo que será fundamental en el desarrollo de su vida laboral.

Importancia de los resultados de aprendizaje que se obtienen en la asignatura:

Posibilitan la comprensión de conceptos y modelos teóricos que se estudian en otras disciplinas afines con las que el estudiante se va a encontrar a lo largo del grado. El papel de las matemáticas con esta finalidad es muy importante ya que facilita el análisis y la discusión de los modelos y conceptos analizados. En este sentido, las técnicas del álgebra lineal permiten estudiar tanto sencillos modelos de equilibrio económico como teorías más sofisticadas relacionadas con el análisis intersectorial de una economía (modelos input-output). El cálculo diferencial en una y en varias variables permite introducir el enfoque marginalista en la economía. En este contexto, conceptos como los de función y relaciones funcionales (variable(s) exógena(s) y variables endógena(s)), elasticidad, productividad marginal, relación marginal de sustitución, rendimientos a escala,...etc., que van a formar parte de la jerga habitual del estudiante, se fundamentan gracias al cálculo (en especial, al cálculo diferencial). El cálculo integral permite también definir medidas del bienestar (como el excedente del consumidor) y es útil para el análisis de modelos financieros.

Evaluación

Actividades de evaluación

El estudiante deberá demostrar que ha alcanzado los resultados de aprendizaje previstos mediante las siguientes actividades de evaluación

1:

La evaluación será global, tanto en primera como en segunda convocatoria, y consistirá en un examen final a realizar en el periodo establecido por el Centro.

Dicho examen se realizará de forma escrita y evaluará los resultados de aprendizaje propuestos mediante preguntas teóricas, prácticas y/o teórico-prácticas que se ajustarán a la materia impartida. Se puntuará sobre 10 puntos.

Además, en la primera convocatoria, cabe la posibilidad de realizar una prueba voluntaria valorada en 4 puntos. Esta prueba evaluará los conocimientos sobre la materia de Álgebra correspondiente a los temas 1, 2 y 3 del programa, y se llevará a cabo del 16 al 22 de noviembre de 2015, salvo posibles modificaciones que se indicarán con suficiente antelación en el aula y/o plataformas docentes del profesorado.

Los estudiantes que obtengan en dicha prueba una calificación superior o igual al 40% de la nota (1,6 puntos sobre 4) podrán optar por eliminar dicha materia del examen global de la primera convocatoria; en cuyo caso la nota correspondiente a la materia eliminada será traspasada a la nota del examen global en el porcentaje en que dichos contenidos se valoren en el examen final. Para superar la asignatura el estudiante debe obtener un mínimo de 5 puntos sobre 10.

Debe tenerse en cuenta que los cursos académicos cierran los procesos de evaluación, lo que hace que no puedan reclamarse méritos de un año para evaluaciones de años académicos posteriores.

La evaluación de los estudiantes de 5^a y 6^a convocatoria se realizará según el *Acuerdo del 22 de diciembre de 2010 del Consejo de Gobierno en el que se aprueba el reglamento de normas de evaluación del aprendizaje de la Universidad de Zaragoza*.

Criterios de valoración

Se evaluará si el estudiante ha adquirido los resultados de aprendizaje expuestos anteriormente.

En particular, se valorarán los siguientes aspectos:

1. El uso correcto de la escritura del lenguaje matemático.
 2. El razonamiento lógico en el planteamiento y en la resolución de los problemas.
 3. La referencia al contenido teórico que se utiliza, si es destacable.
 4. La elección del método adecuado para la resolución del problema
 5. La claridad en la aplicación de los conceptos y procedimientos matemáticos.
 6. Cálculos llevados a cabo con cuidado.
 7. La expresión correcta en los resultados obtenidos al resolver problemas.
-

Actividades y recursos

Presentación metodológica general

El proceso de aprendizaje que se ha diseñado para esta asignatura se basa en lo siguiente:

Con esta asignatura se persigue que el estudiante desarrolle la capacidad analítica, el rigor y la intuición en el uso de los conceptos y resultados matemáticos y los sepa aplicar al análisis de problemas de índole económico. Es por esto que la formación del estudiante debe ir orientada en la dirección de dotarle de unos sólidos conocimientos matemáticos e inculcarle una sistemática en el razonamiento que posteriormente le permita encarar con éxito la solución de un amplio abanico de problemas en el contexto económico. En este sentido, los contenidos de la asignatura se desarrollarán en:

1. Clases teóricas, en las que se combinará la clase magistral para exponer los conceptos y resultados de los contenidos de la asignatura con la resolución participativa de ejercicios, en los que se aplicará de forma inmediata los aspectos teóricos explicados para ayudar a los estudiantes a asimilarlos. Estas clases serán presenciales y se impartirán a todo el grupo.

Cuantificación temporal: 1,2 créditos ECTS (30 horas).

2. Clases prácticas, en las que los estudiantes irán resolviendo, con la ayuda del profesor, ejercicios más completos y problemas de carácter económico en los que se apliquen los resultados matemáticos vistos.

Estos ejercicios estarán en las hojas de problemas de la asignatura que se podrán encontrar en la página web y en su caso en la plataforma que indique el profesor. Se anunciará con antelación cuáles se van a resolver en cada clase práctica para que el estudiante los pueda preparar. Estas clases serán presenciales y se impartirán a la mitad del grupo.

Cuantificación temporal: 1,2 créditos ECTS (30 horas).

3. Seminarios (prácticas tipo P6), en los que se podrán realizar diversas actividades: seguimiento del desarrollo de un trabajo que se habrá propuesto a un grupo de estudiantes y defensa del mismo; tutorías colectivas de determinados temas; desarrollo de problemas de carácter económico en cuya resolución se utilicen herramientas matemáticas explicadas en la asignatura... Estos seminarios podrían dedicarse además a la ampliación de conocimientos mostrando a los estudiantes que estén interesados otras herramientas matemáticas que permitan resolver problemas más generales. Se pone así de manifiesto que tanto la Ciencia Matemática como la Ciencia Económica son ciencias vivas y por tanto con muchos aspectos para estudiar.

Cuantificación temporal: Pendiente de acuerdo de Junta de Facultad para el curso 2014-2015.

4. Actividades no presenciales, 3 créditos ECTS (75 horas)

Actividades de aprendizaje programadas (Se incluye programa)

El programa que se ofrece al estudiante para ayudarle a lograr los resultados previstos

comprende las siguientes actividades...

1:

En las clases teóricas y prácticas se desarrollarán los contenidos detallados en el programa que se detalla a continuación. El orden en la impartición de los contenidos podrá experimentar alguna variación que será indicada por el profesor en la presentación de la asignatura.

2:

PROGRAMA

BLOQUE I. MATRICES

1. Matrices, determinantes y sistemas de ecuaciones lineales.

- 1.1. Matrices.
- 1.2. Determinante de una matriz cuadrada.
- 1.3. Cálculo de la matriz inversa.
- 1.4. Rango de una matriz.
- 1.5. Sistemas de ecuaciones lineales.

2. Diagonalización de matrices cuadradas.

- 2.1. El conjunto R^n : Vectores de n componentes. Dependencia e independencia lineal.
- 2.2. Valores propios y vectores propios de una matriz cuadrada: definición y cálculo.
- 2.3. Diagonalización de una matriz cuadrada.
- 2.4. Caso particular de una matriz simétrica.

3. Formas cuadráticas reales.

- 3.1. Formas cuadráticas: definición. Expresión matricial y expresión polinómica.
- 3.2. Expresión diagonal de una forma cuadrática.
- 3.3. Clasificación de una forma cuadrática según su signo.
- 3.4. Formas cuadráticas restringidas.

BLOQUE II. CÁLCULO DIFERENCIAL E INTEGRAL

4. Funciones de real de variable real.

- 4.1. Función real de variable real.
- 4.2. Límites y continuidad.
- 4.3. Derivabilidad.
- 4.4. Derivadas de orden superior. Teorema de Taylor.

5. Introducción a la teoría de integración

- 5.1. Integral indefinida.
 - 5.1.1. Función primitiva e integral indefinida. Propiedades.
 - 5.1.2. Algunos métodos de integración: cambio de variable, integración por partes e integrales racionales.
- 5.2. Integral definida.

5.2.1. Integral de Riemann. Propiedades.

5.2.2. Aplicaciones.

6. Funciones de R^n en R^m .

6.1. Nociones topológicas en R^n .

6.2. Funciones escalares y funciones vectoriales. Conjuntos de nivel.

6.3. Límites y continuidad. Propiedades.

6.4. Derivación de una función. Propiedades.

6.5. Función diferenciable. Propiedades.

6.6. Funciones compuestas. Regla de la cadena.

6.7. Derivadas de orden superior.

6.8. Derivación de funciones implícitas.

6.9. Funciones homogéneas.

Planificación y calendario

Calendario de sesiones presenciales y presentación de trabajos

Calendario de sesiones presenciales y presentación de trabajos

El día de la presentación de la asignatura se expondrá, en cada grupo, el calendario detallado de la asignatura según las características del curso académico.

Referencias bibliográficas de la bibliografía recomendada

- Blanco García, Susana. Matemáticas empresariales I : enfoque teórico-práctico. Vol. 1, Álgebra Lineal / Susana Blanco García, Pilar García Pineda, Eva del Pozo García . Madrid : Thomson : Editorial AC, cop. 2006 [Bloque I]
- Blanco García, Susana. Matemáticas empresariales I : enfoque teórico-práctico. Vol. 2, Cálculo diferencial / Susana Blanco García, Pilar García Pineda, Eva del Pozo García . [1^a ed.] Madrid : Editorial AC, [2004] [Bloque II]
- Chiang, Alpha C.. Métodos fundamentales de economía matemática / Alpha C. Chiang, Kevin Wainwright ; traducción, Francisco Sánchez Fragoso, Raúl Arrijoa Juárez ; revisión técnica, Andrés González Nucamendi, Filadelfo León Cázares . 4^a ed. México [etc.] : McGraw-Hill, cop. 2006 [Bloques I y II]
- Heras Martínez, Antonio. Problemas de álgebra lineal para la economía / Antonio Heras Martínez, José Luis Vilar Zanón . Madrid : AC, 1988 [Bloque I]
- Jarne Jarne, Gloria. Matemáticas para la economía : álgebra lineal y cálculo diferencial / Gloria Jarne Jarne, Isabel Pérez-Grasa, Esperanza Minguillón Constante . Madrid [etc] : McGraw-Hill, D.L. 2010 [bloques I y II]
- Larson, Ron. Cálculo 1 : De una variable / Ron Larson, Bruce H. Edwards ; revisión técnica, Marlene Aguilar Abalo ... [et al.] ; [traducción: Joel Ibarra Escutia ... (et al.)]. 9^a ed. México [etc.] : McGraw Hill, cop. 2010 [Bloque II]
- Larson, Ron. Cálculo 2 : De varias variables / Ron Larson, Bruce H. Edwards ; revisión técnica, Marlene Aguilar Abalo ... [et al.] ; [traducción: Joel Ibarra Escutia ... (et al.)]. 9^a ed. México [etc.] : McGraw Hill, cop. 2010 [Bloque II]
- Matemáticas empresariales / Pedro Alegre Escolano... [et al.] . 1^a ed., 2^a reimpr. Madrid : Editorial AC, Thomson, D.L. 2005 [Bloque I y II]
- Matemáticas universitarias introductorias con nivelador MyMathLab tutor interactivo online / Franklin D. Demana ... [et al.] ; traductor, Víctor Hugo Ibarra Mercado, Javier Enríquez Brito ; revisión técnica, Ernesto Filio López, Luis Ángel Filio Rivera, Javier Alfaro Pastor . México [etc.] : Pearson Educación, 2009 [Nivel preparatorio]
- Minguillón Constante, Esperanza. Matemáticas para la economía : álgebra lineal y cálculo diferencial. Libro de ejercicios / Esperanza Minguillón Constante, Gloria Jarne Jarne, Isabel Pérez-Grasa . Madrid [etc] : McGraw-Hill, D.L. 2010 [Bloque I y II]
- Pérez Grasa, Isabel. Matemáticas para la economía : programación matemática y sistemas dinámicos / Isabel Pérez-Grasa, Esperanza Minguillón Constante, Gloria Jarne Jarne . Madrid [etc] : McGraw-Hill, cop. 2001 [Bloque II]
- Sydsaeter, Knut. Matemáticas para el análisis económico / Knut Sydsaeter, Peter Hammond ; traducción, Manuel Jesús Soto Prieto, José Luis Vicente Córdoba ; revisión técnica, Emilio Cerdá Tena , Xavier Martínez Guiralt . Última reimp. Madrid [etc.] : Prentice Hall, 2008 [Bloque I y II]