



**Universidad**  
Zaragoza

# Trabajo Fin de Grado

Optimización de una red de aprovisionamiento

Optimization of a supply network

Autor/es

Alejandro Sarabia Hernando

Director/es

Luis Mariano Esteban Escaño

Escuela Universitaria Politécnica La Almunia  
2016



**Universidad**  
Zaragoza

**ESCUELA UNIVERSITARIA POLITÉCNICA  
DE LA ALMUNIA DE DOÑA GODINA (ZARAGOZA)**

**MEMORIA**

Optimización de una red de  
aprovisionamiento

Optimization of a supply network

425.16.108

Autor: **Alejandro Sarabia Hernando**

Director: **Luis Mariano Esteban Escaño**

Fecha: **29 de junio de 2016**

## ÍNDICE DE CONTENIDO SIMPLE

1.RESUMEN.....	1
2.ABSTRACT.....	2
3.INTRODUCCIÓN.....	3
4.OBJETIVOS.....	4
5.ORÍGENES.....	5
6.CARACTERÍSTICAS DEL TSP.....	10
7.HERRAMIENTAS.....	12
8.ANÁLISIS DE LA RED DE APROVISIONAMIENTO.....	20
9.OBTENCIÓN DE LA SOLUCIÓN.....	39
10.CREACIÓN DE LA APLICACIÓN.....	58
11.INTERFAZ DE LA APLICACIÓN.....	72
12.CONCLUSIONES.....	78
13.BIBLIOGRAFÍA.....	79

## ÍNDICE DE CONTENIDO COMPLETO

1.RESUMEN.....	1
2.ABSTRACT.....	2
3.INTRODUCCIÓN.....	3
4.OBJETIVOS.....	4
5.ORÍGENES.....	5
6.CARACTERÍSTICAS DEL TSP.....	10
6.1.NP-HARD.....	10
6.2.ALGORITMO VORAZ.....	10
6.3.PRINCIPALES VARIANTES.....	11
7.HERRAMIENTAS.....	12
7.1.R-PROJECT.....	12

7.2.RSTUDIO.....	13
7.3.PAQUETES DE R NECESARIOS.....	14
7.3.1. <i>lp_Solve</i> .....	14
7.3.2. <i>TSP</i> .....	15
7.3.3. <i>rJava</i> .....	16
7.3.4. <i>xlsx</i> .....	17
7.3.5. <i>shiny</i> .....	18
7.3.6. <i>igraph</i> .....	19
7.4.OTROS SOFTWARES: MICROSOFT OFFICE.....	19
<b>8.ANÁLISIS DE LA RED DE APROVISIONAMIENTO.....</b>	<b>20</b>
8.1.CAPITALES AUTONÓMICAS Y PROVINCIALES.....	20
8.2.MAPA POLÍTICO DE ESPAÑA.....	23
8.3.REDE DE ADYACENCIA.....	24
<b>9.OBTENCIÓN DE LA SOLUCIÓN.....</b>	<b>39</b>
9.1.GRAFO.....	40
9.2.MATRIZ PRINCIPAL.....	42
9.3.CÁLCULO DE LA SOLUCIÓN.....	56
9.3.1. <i>lp</i> .....	56
9.3.2. <i>solve_TSP</i> .....	57
<b>10.CREACIÓN DE LA APLICACIÓN.....</b>	<b>58</b>
10.1.ARCHIVOS GENERADORES DE LA APLICACIÓN.....	58
10.1.1. <i>Archivo server.R</i> .....	59
10.1.2. <i>Archivo ui.R</i> .....	67
<b>11.INTERFAZ DE LA APLICACIÓN.....</b>	<b>72</b>
11.1.INPUTS.....	72
11.1.1. <i>Introducir archivos de precios</i> .....	72
11.1.2. <i>Coste transporte por kilometro</i> .....	73
11.1.3. <i>Origen Ruta</i> .....	73
11.1.4. <i>Algoritmo</i> .....	73
11.2.OUTPUTS.....	74
11.2.1. <i>Introducción</i> .....	74
11.2.2. <i>Matriz de costes</i> .....	75
11.2.3. <i>Ruta de compra</i> .....	76
11.2.4. <i>Información complementaria</i> .....	77
<b>12.CONCLUSIONES.....</b>	<b>78</b>

13. BIBLIOGRAFÍA.....	79
-----------------------	----

## ÍNDICE DE ILUSTRACIONES

<i>Ilustración 1: R-project.....</i>	<i>12</i>
<i>Ilustración 2: Descarga R-Project.....</i>	<i>13</i>
<i>Ilustración 3: RStudio.....</i>	<i>13</i>
<i>Ilustración 4: Descarga RStudio.....</i>	<i>14</i>
<i>Ilustración 5: lp_Solve.....</i>	<i>14</i>
<i>Ilustración 6: TSP.....</i>	<i>15</i>
<i>Ilustración 7: rJava.....</i>	<i>16</i>
<i>Ilustración 8: xlsx.....</i>	<i>17</i>
<i>Ilustración 9: shiny.....</i>	<i>18</i>
<i>Ilustración 10: igraph.....</i>	<i>19</i>
<i>Ilustración 11: Microsoft Office.....</i>	<i>19</i>
<i>Ilustración 12: Mapa de España.....</i>	<i>23</i>
<i>Ilustración 13: Red de adyacencia.....</i>	<i>38</i>

<i>Ilustración 14: Grafo R-project.....</i>	<i>39</i>
<i>Ilustración 15: attributes.....</i>	<i>39</i>
<i>Ilustración 16: graph.adjacency.....</i>	<i>40</i>
<i>Ilustración 17: Vertices.....</i>	<i>40</i>
<i>Ilustración 18: Conexiones.....</i>	<i>41</i>
<i>Ilustración 19: Grafo.....</i>	<i>41</i>
<i>Ilustración 20: Archivos RStudio.....</i>	<i>58</i>
<i>Ilustración 21: Paquetes server.R.....</i>	<i>59</i>
<i>Ilustración 22: shinyServer.....</i>	<i>59</i>
<i>Ilustración 23: Matriz Distancias.....</i>	<i>60</i>
<i>Ilustración 24: Nombres Matriz Distancias 1.....</i>	<i>60</i>
<i>Ilustración 25: Nombres Matriz Distancias 2.....</i>	<i>60</i>
<i>Ilustración 26: Dataset.....</i>	<i>61</i>
<i>Ilustración 27: outputRuta.....</i>	<i>61</i>
<i>Ilustración 28: Matrizkm.....</i>	<i>61</i>

<i>Ilustración 29: Matriz precios.....</i>	<i>61</i>
<i>Ilustración 30: Matriz MM.....</i>	<i>62</i>
<i>Ilustración 31: objective.in.....</i>	<i>62</i>
<i>Ilustración 32: const.mat.....</i>	<i>62</i>
<i>Ilustración 33: sol lp.....</i>	<i>63</i>
<i>Ilustración 34: Ciudadesruta.....</i>	<i>63</i>
<i>Ilustración 35: Duplicidad Ciudad Origen.....</i>	<i>63</i>
<i>Ilustración 36: Ciudad Origen unica en la ruta.....</i>	<i>63</i>
<i>Ilustración 37: Objetos Ciudad Origen y Algoritmo.....</i>	<i>64</i>
<i>Ilustración 38: dummy city.....</i>	<i>64</i>
<i>Ilustración 39: Resultado nombres de las ciudades.....</i>	<i>64</i>
<i>Ilustración 40: outputdistancia.....</i>	<i>65</i>
<i>Ilustración 41: Longitud de la ruta igual a cero.....</i>	<i>65</i>
<i>Ilustración 42: tour_length.....</i>	<i>65</i>
<i>Ilustración 43: outputCiudadesProducto.....</i>	<i>65</i>

<i>Ilustración 44: Ciudades cada producto.....</i>	<i>66</i>
<i>Ilustración 45: outputDatosCostes.....</i>	<i>66</i>
<i>Ilustración 46: outputCiudadesConProducto.....</i>	<i>66</i>
<i>Ilustración 47: outputRutaDeCompra.....</i>	<i>66</i>
<i>Ilustración 48: outputLongitudDeLaRuta.....</i>	<i>67</i>
<i>Ilustración 49: Paquetes ui.R.....</i>	<i>67</i>
<i>Ilustración 50: shinyUI.....</i>	<i>67</i>
<i>Ilustración 51: Título de la aplicación.....</i>	<i>67</i>
<i>Ilustración 52: Panel con inputs.....</i>	<i>68</i>
<i>Ilustración 53: input archivo de precios .....</i>	<i>68</i>
<i>Ilustración 54: input coste kilometro.....</i>	<i>68</i>
<i>Ilustración 55: input origen ruta.....</i>	<i>68</i>
<i>Ilustración 56: input algoritmo.....</i>	<i>69</i>
<i>Ilustración 57: width.....</i>	<i>69</i>
<i>Ilustración 58: Panel con outputs.....</i>	<i>69</i>

<i>Ilustración 59: output introducción.....</i>	<i>70</i>
<i>Ilustración 60: output matriz de costes.....</i>	<i>70</i>
<i>Ilustración 61: input ruta de compra.....</i>	<i>70</i>
<i>Ilustración 62: Logotipo app.....</i>	<i>72</i>
<i>Ilustración 63: Introducir archivo de precios.....</i>	<i>72</i>
<i>Ilustración 64: Coste transporte por kilometro.....</i>	<i>73</i>
<i>Ilustración 65: Origen Ruta.....</i>	<i>73</i>
<i>Ilustración 66: Algoritmo.....</i>	<i>74</i>
<i>Ilustración 67: Zona inputs.....</i>	<i>74</i>
<i>Ilustración 68: Introducción.....</i>	<i>75</i>
<i>Ilustración 69: Matriz de costes.....</i>	<i>75</i>
<i>Ilustración 70: Ruta de compra.....</i>	<i>76</i>
<i>Ilustración 71: Mapa de España.....</i>	<i>77</i>

## ÍNDICE DE TABLAS

<i>Tabla 1: Ciudades.....</i>	<i>22</i>
<i>Tabla 2: Matriz de adyacencia .....</i>	<i>25</i>
<i>Tabla 3: Matriz de adyacencia .....</i>	<i>27</i>
<i>Tabla 4: Matriz de adyacencia.....</i>	<i>29</i>
<i>Tabla 5: Matriz de adyacencia.....</i>	<i>31</i>
<i>Tabla 6: Matriz de adyacencia.....</i>	<i>33</i>
<i>Tabla 7: Matriz de adyacencia.....</i>	<i>35</i>
<i>Tabla 8: Matriz de adyacencia.....</i>	<i>37</i>
<i>Tabla 9: Matriz principal.....</i>	<i>43</i>
<i>Tabla 10: Matriz principal.....</i>	<i>45</i>
<i>Tabla 11: Matriz principal.....</i>	<i>47</i>
<i>Tabla 12: Matriz principal.....</i>	<i>49</i>
<i>Tabla 13: Matriz principal.....</i>	<i>51</i>
<i>Tabla 14: Matriz principal.....</i>	<i>53</i>

*Tabla 15: Matriz principal.....55*

*Tabla 16: Funciones tamaño y formato de texto.....71*

## 1. RESUMEN

En este Trabajo Fin de Grado se crea una aplicación que permite al usuario seleccionar una serie de campos (Lista de precios de productos, Coste por kilometro, Almacén de origen y Algoritmo) de forma sencilla para conocer la ruta más económica que posibilite la compra de los productos que éste necesita.

Se plantea el problema del viajante comprador (TPP, Travelling purchaser problem) que es una generalización más compleja del problema del viajante (TSP, Travelling salesman problem).

Se presentan los orígenes y características del Travelling Salesman Problem.

Se describen las herramientas (programas y paquetes) necesarias para la realización de la aplicación.

Se analiza la red de aprovisionamiento que en este caso son todas las capitales de Provincia y Comunidad Autónoma del territorio peninsular español.

Se explica como se obtiene la solución del problema.

Se detalla paso a paso el código realizado para conseguir que la aplicación funcione.

Por último se muestra la interfaz de la aplicación y se describe cada uno de los campos.

## 2. ABSTRACT

In this Degree Final Project a web application was built, this tool allows the user to select some fields simply (Product price list, cost per kilometer, warehouse of beginning and algorithm) to know the most economical route that enables the purchase of the products that the user needs.

The app was based on the Travelling purchaser problem (TPP), that is a more complex generalization of the travelling salesman problem (TSP). The origins and features of the Travelling Salesman Problem are presented .

In addition, the tools (programs and packages) that are necessary to realization for application are described. Also, the supply network is analyzed, that in this case are the provincial capitals and the capitals of the autonomous community of the peninsular spanish territory. Moreover, It includes a detailed explanation of how the solution of the problem is obtained. The code done to get the application works is provided.

Finally the interface of the application is shown and each of the fields are described.

### **3. INTRODUCCIÓN**

La logística, tanto en la compra como venta de productos, es muy importante para cualquier empresa debido a que supone costes elevados.

Aunque parezca no tener importancia, es muy necesario invertir el tiempo que se necesite en mejorar las redes de transporte porque supone una reducción significativa de los costes y una disminución de los tiempos, lo que a la larga tendrá un impacto positivo sobre el cliente que es lo realmente importante.

Por ello el diseñar una red de transporte lo más eficiente posible es tan importante como que la calidad de los productos sea excelente.

## 4. OBJETIVOS

La motivación y objetivo final del TFG es la creación de una app que permita al usuario seleccionar una serie de campos (Lista de precios de productos, Coste por kilometro , Almacén de origen y Algoritmo) de forma sencilla para conocer la ruta más económica que posibilite la compra de los productos que éste necesita.

Se pretende seleccionar aquellas ciudades en las cuales el coste, formado por el coste del viaje y el coste del producto, sea el menor y una vez elegidos generar la ruta óptima que permita recorrer dichas ciudades. Hay que mencionar que en las diferentes ciudades los productos tienen precios diferentes o puede ocurrir que algún producto no se pueda adquirir en todas ellas.

Actualmente se desconoce la existencia de apps que presenten lo que va a ofrecer la aplicación que se va a desarrollar en este trabajo.

Se quiere poner en práctica los conocimientos adquiridos en las asignaturas de Investigación Operativa y Ampliación de Investigación Operativa, aunque se trata de un problema que está asociado a otras asignaturas, ya que por ejemplo la logística o minimización de costes son básicas en este estudio.

En este trabajo se plantea el problema del viajante comprador (TPP, Travelling purchaser problem) que es una generalización más compleja del problema del viajante (TSP, Travelling salesman problem). Mientras que el problema del viajante tiene como objetivo hallar el itinerario más corto que pasa por cada ciudad (una vez) de una lista determinada y luego vuelve a la ciudad de la que se ha partido, el problema del viajante comprador se encarga de encontrar el recorrido, entre un subconjunto de ciudades, que permita la compra de la totalidad de los productos requeridos minimizando el coste total integrado por los costes del viaje propiamente dicho y los costes de la compra de los productos.

*Enunciado del problema del viajante:*

*Un viajante tiene que visitar una lista de ciudades, una sola vez, saliendo de una de ellas y volviendo a esta. ¿Cuál es la ruta que minimiza la distancia a recorrer?*

Es un problema de optimización combinatoria, muy importante en la investigación de operaciones y en la computación cuya resolución óptima es compleja a pesar de ser definido fácilmente.

## 5. ORÍGENES

El origen del TSP se remonta a un problema anterior que se origina en la teoría de grafos.

Se conoce como grafo al par:

$G=(V,E)$   $\rightarrow V$  - Conjunto finito de elementos (vértices).

$E$  - Conjunto de pares de vertices (ramas)

Un ciclo es la sucesión de vértices  $V_1, V_2, \dots, V_p$  tales que  $V_1, V_2, \dots, V_{p-1}$  son diferentes,  $V_p = V_1$  y  $(V_i, V_{i+1}) \in E$ . Si el ciclo comprende todos los vértices se denomina hamiltoniano (en honor al matemático irlandés Sir William Rowan Hamilton).

El TSP para un grafo en el cual cada rama tiene un peso asignado, es encontrar un ciclo hamiltoniano de mínimo peso entendiéndose como peso de ciclo a la suma de los pesos de todas las ramas que lo recorre.

Inversamente, el problema de decidir si un grafo tiene un ciclo hamiltoniano es un caso especial del TSP (si se le asigna a todas las ramas del grafo peso 0 y a las ramas faltantes se les agrega asignándoles peso 1, se tendrá otro grafo que tiene ciclos hamiltonianos. Resolviendo el TSP, el nuevo grafo tiene un ciclo hamiltoniano de mínimo peso = 0 sólo si el grafo original contiene un ciclo hamiltoniano).

Anterior al análisis de Hamilton, Euler y Vandermonde discutieron el problema del tour del caballo que se trata de encontrar un ciclo hamiltoniano para el grafo cuyos vértices representan los 64 cuadrados del ajedrez, con dos vértices adyacentes sólo si un caballo puede moverse en un paso de un cuadrado de otro.

El reverendo T. P. Kirkman fue el primero en considerar ciclos hamiltonianos en un contexto general. Dio una condición suficiente para que un grafo poliédrico admita un tal ciclo y además mostró que un poliedro con un número impar de vértices en donde cada cara tiene un número par de aristas, no tiene dichos ciclos.

Al mismo tiempo, Hamilton inventaba un sistema de álgebra no conmutativa. Lo llamó cálculo icosaédrico (vértices adyacentes del dodecaedro se corresponden con caras adyacentes del icosaedro). Usó la interpretación gráfica como la base para un juego llamado el juego del icosaedro, éste consistía de varios problemas, como por ejemplo terminar de encontrar un ciclo teniendo prefijadas las 5 primeras posiciones.

Un precursor más directo del TSP, en donde el largo de las ramas jugaba un rol

predominante fue, una nueva definición de la medida de una curva que propuso Menger. Él la definió como el supremo del conjunto formado por todos los números que pueden ser obtenidos de tomar cada conjunto finito de puntos sobre la curva y determinar la medida de la menor poligonal que los une. A este problema se lo llamó el del mensajero. La resolución no requiere un ciclo, sólo un camino que contenga todos los vértices.

En 1832 en el último capítulo del libro "El problema del viajero, cómo debe hacer para obtener éxito en sus negocios" se vislumbra la esencia del TSP cuando se comenta que con una elección apropiada del tour, se puede ganar mucho tiempo y que el aspecto más importante es cubrir tantas ciudades como sea posible sin visitar una de ella dos veces.

Merrill Flood fue el responsable de divulgar el nombre de TSP. Le habló acerca de él a A.W Tucker en 1937. Tucker le comentó que recordaba haberlo escuchado de boca de Hassler Whitney de la Universidad de Princeton pero no podía confirmar con certeza esta historia. De ser verídica asegura que ocurrió en los años 1931-1932 pues fue en ese entonces cuando se hallaba terminando su tesis con Lefschetz. Whitney era un compañero que se encontraba en su etapa posdoctoral y estaba trabajando en teoría de grafos, especialmente en planaridad y en el problema de los cuatro colores y Flood era un estudiante recién graduado. El problema del viajante ya tenía un nombre.

John Williams incitó a Flood en 1948 a popularizar el TSP en la corporación RAND, motivado por el propósito de crear talentos intelectuales para modelos fuera de la teoría de juegos. No hay dudas que la reputación y la autoridad de RAND, que rápidamente se convirtió en el centro intelectual de muchas de las investigaciones sobre esta teoría, amplificó la publicidad de Flood. Otra razón de la popularidad del problema fue su íntima conexión con el problema de la asignación y del transporte.

La aparición del artículo "Soluciones de un problema del viajante de gran tamaño" de Dantzig, Fulkerson y Johnson en el Journal of the Operations Research Society of América fue uno de los principales eventos en la historia de la optimización. Para entender su importancia necesitamos conocer el estado en que se encontraba la optimización combinatoria en el momento en que el artículo apareció y dos problemas en particular de la programación lineal: el problema del transporte y el de asignación.

El problema de la asignación es elegir  $n$  elementos, uno por cada fila y columna de una matriz  $C = (c_{ij})$  de  $n \times n$  tales que la suma de los elementos elegidos sea la menor posible. Hay  $n!$  maneras posibles de hacer la elección, por lo tanto, un algoritmo efectivo debería hacer algo diferente que considerar todas las posibilidades.

Una alternativa dentro de la programación lineal es considerar el poliedro  $P$  en el espacio  $n^2$  definido como el conjunto de todas las matrices  $X = (x_{ij})$  que satisface las condiciones  $x_{ij} \geq 0$ ,  $\sum_j x_{ij} = 1 \forall i$ ,  $\sum_i x_{ij} = 1 \forall j$  y minimizar  $\sum c_{ij}x_{ij}$ .

De acuerdo a Birkhoff, los vértices de  $P$  son precisamente todas las matrices  $X$  en donde cada fila y columna contiene exactamente un 1 y todas las otras entradas son 0. Por lo tanto, los  $n!$  vértices de  $P$  se corresponden con las  $n!$  elecciones posibles y la  $\sum c_{ij}x_{ij}$  calcula el valor de cada elección. Como el óptimo de esta función se alcanza en un vértice, se pueden utilizar los algoritmos de la programación lineal.

El problema del transporte es más general que el problema de la asignación. Es el problema de elegir una matriz  $X = (x_{ij})$  de  $m \times n$  que satisfaga  $x_{ij} \geq 0$ ,  $\sum_j x_{ij} = a_i \forall i$ ,  $\sum_i x_{ij} = b_j \forall j$  que minimiza  $\sum c_{ij}x_{ij}$  donde  $a_i$  y  $b_j$  son enteros no negativos que cumplen  $\sum_i a_i = \sum_j b_j$ . El problema del transporte modela la siguiente situación: se tienen  $m$  recursos  $i$  ( $i = 1, \dots, m$ ), de cada uno de los cuales hay una cierta cantidad  $a_i$ , que se quieren enviar a  $n$  destinos  $j$  ( $j = 1, \dots, n$ ) sabiendo que cada uno ha pedido una cierta cantidad de mercadería  $b_j$ . Si cuesta exactamente  $c_{ij}$  enviar una unidad de mercadería  $i$  al destino  $j$ , ¿Cómo podría organizarse la entrega para cumplir con todos los requerimientos y minimizar el coste total?

Dantzig desarrolló el método simplex para resolver problemas de programación lineal. En 1953, existían códigos de implementación efectivos del método simplex en general y adaptaciones especiales para los casos del problema del transporte y de la asignación.

En 1954 Dantzig, Fulkerson y Johnson hicieron un método que resolvía el problema del horario de los buques. La solución llegó varios años después de que el modelo se volviera obsoleto, pero logró sobrevivir porque el método podía ser usado para estudiar las preguntas básicas de la teoría combinatoria. Ford y Fulkerson escribieron su primer reporte sobre sistemas de flujo en 1956, iniciando de este modo un tópico mayor del cual derivó un resultado de Johnson sobre la secuencia de trabajos. El TSP, sin embargo, no estaba relacionado a simple vista con estos desarrollos pero había esperanza de que lo estuviera.

Volviendo al problema de asignación descrito arriba, si  $c_{ij}$  es la distancia de la ciudad  $i$  a la ciudad  $j$ , entonces el TSP guarda cierta similitud con el problema de la asignación. Podemos interpretar que  $x_{ij} = 1$  significa que el viajero se mueve de la ciudad  $i$  a la  $j$  en su tour. Una solución al problema de la asignación, bajo esta interpretación, puede ser un conjunto de subtours disconexos en donde cada ciudad es visitada exactamente una vez, con lo cual no resolvería el TSP. Se debería imponer

la condición adicional de no permitir subtours, que se puede expresar matemáticamente mediante  $2^{n-1}$  inecuaciones. Desafortunadamente, el conjunto de vértices del nuevo poliedro  $Q$ , a diferencia del conjunto de vértices del poliedro original  $P$ , contiene matrices con entradas distintas de 0 y 1. Estos cambios producen dificultades. La primera es que en vez de  $2^n$  ecuaciones de variables no negativas, tenemos un enorme número de inecuaciones extras a considerar. Una dificultad aún mayor es el requerimiento que las variables sean 0 o 1, que es una condición de la programación lineal entera, un tema aún no estudiado en 1950.

Consideramos el conjunto de todas las matrices  $X$  que satisfacen los requerimientos del TSP (matrices que en sus entradas solo tienen ceros y unos y que describen tours) y supongamos que conocemos, además de las inecuaciones que excluyen los subtours, todas las otras inecuaciones necesarias para crear un nuevo poliedro  $R$  cuyos vértices son precisamente los tours, así, en principio, se puede aplicar una programación lineal. Dantzig, Fulkerson y Johnson especulaban que, empezando de un tour óptimo o tal vez cercano al óptimo, era posible probar optimalidad utilizando pocas ecuaciones adicionales (llamadas cortes). El método parecía funcionar en pequeños problemas, por eso, pasaron a trabajar sobre uno de 49 ciudades. Dantzig, Fulkerson y Johnson sugirieron la posibilidad de que fuesen necesarios un gran número de cortes. Dantzig, optimista, le apostó Fulkerson que el número de cortes necesarios eran a lo sumo 25, en cambio Fulkerson más pesimista opinaba que se necesitaban al menos 26. Las predicciones fueron bastante acertadas: la cantidad correcta resultó ser 26 pero en el artículo que se publicó se decía que sólo 25 eran necesarios.

Dantzig, Fulkerson y Johnson no solo resolvieron un TSP de tamaño considerable sino que también demostraron que la complejidad de la estructura de un problema de optimización combinatoria no era un obstáculo insuperable para resolverlo. Ellos utilizaron por primera vez el concepto de branch y bound, que es un método computacional muy popular, en particular, cuando se requiere que sólo alguna de las variables sea entera. A grandes rasgos se trata de tomar una variable  $x$  que debe ser entera pero cuyo valor no lo es y a través del branching se consideran dos casos:  $x$  es al menos el mayor valor entero más cercano o  $x$  es a lo sumo el menor valor entero más cercano.

Esta construcción genera un árbol de búsqueda con nodos correspondientes a programas lineales con varias restricciones en donde no es necesario crecer pasado los nodos donde el bound sobre el valor de la solución indica que el árbol no necesita

ser explorado después de esos nodos. Todas estas ideas fueron ingredientes indispensables en la solución de la mayoría de los problemas de optimización combinatoria que surgen en la programación lineal entera.

Es claro que la publicación del artículo en cuestión fue un verdadero logro, aun cuando los autores se rehusaron a afirmar el desarrollo de un algoritmo general. Es de remarcar, haciendo una lectura en retrospectiva, cuánto de la filosofía de los últimos avances de la optimización combinatoria fueron imaginados en el exitoso abordaje de una instancia del TSP.

Otro método que se ha aplicado en la resolución del TSP fue la programación dinámica pero debido a la enorme cantidad de condiciones que incluye puede resolver instancias de problemas relativamente pequeños. («Stockdale\_Lorena.pdf», s. f.)

## 6. CARACTERÍSTICAS DEL TSP

### 6.1. NP-HARD

El problema del viajero, dentro de los problemas de optimización combinatoria, pertenece al tipo NP-Hard (NP-Difícil). Esto significa que es un problema cuya solución no puede ser verificada en tiempo real ya que su complejidad no es polinómica.

El hecho de que sea un problema NP-Hard hace que para dimensiones altas encontrar la solución óptima no sea posible sino que se intenta aproximar a las soluciones más próximas a esta solución óptima. En definitiva cuantas más ciudades comprende el problema menos exacta es la solución. («Problema del agente viajero», s. f.)

### 6.2. ALGORITMO VORAZ

La solución del TSP puede seguir un algoritmo voraz, que trata de elegir la opción óptima en cada paso local, con la esperanza de llegar a una solución general óptima.

Por ejemplo estando en la ciudad "A" dirigirse a la más cercana que aun no hayamos visitado. Una vez allí, repetir el procedimiento una y otra vez hasta que se haya complementado el recorrido. Seguramente no se obtendrá un resultado óptimo, pero puede encontrarse un camino bastante bueno en un tiempo despreciable.

El término "voraz" se debe a que, en cada paso, el algoritmo escoge el mejor pedazo que es capaz de comer en ese momento sin preocuparse de los pasos que restan hasta encontrar la solución. Un algoritmo de este tipo nunca deshace una decisión ya tomada, una vez incorporado un candidato a la solución (ir de la ciudad "A" a la "B", por ejemplo) formará parte de la solución y cada candidato rechazado es eliminado definitivamente.

Este tipo de algoritmo es el que menos dificultades presentan a los investigadores que deben diseñar y comprobar el funcionamiento de diferentes estrategias. (Palazzesi, 2010)

## 6.3. PRINCIPALES VARIANTES

- Simétrico o STSP<sup>2</sup>, si  $d_{ij} = d_{ji} \forall (i, j) \in E$ .
- Asimétrico o ATSP<sup>3</sup>, si  $d_{ij} \neq d_{ji}$  para por lo menos una  $(i, j) \in E$ .
- Problema del viajante triangular o  $\Delta$ TSP<sup>4</sup>, si  $d_{ik} \leq d_{ij} + d_{jk} \forall i, j, k$ , pues satisface la desigualdad que lleva el mismo nombre.

La diferencia entre el caso simétrico y el asimétrico es que en el primero la distancia entre dos ciudades es la misma en ambos sentidos mientras que en el caso del segundo las distancias no son iguales para todos los pares de ciudades. («Problema del viajante», 2016)

## 7. HERRAMIENTAS

### 7.1. R-PROJECT

La principal herramienta utilizada para llevar a cabo el trabajo es el software R-Project for Statistical Computing, concretamente la versión empleada es la 3.2.4.



*Ilustración 1: R-project*

R es un software libre que permite la manipulación de datos, la realización de cálculos y la obtención de gráficos con enfoque al análisis estadístico. Algunas de las características que tiene son:

- Conjunto de operadores para cálculo, en particular para matrices.
- Almacenamiento y manejo eficaz de datos.
- Colección de herramientas coherente, amplia e integrada.
- Un simple y eficaz lenguaje de programación bien desarrollado que incluye condicionales, bucles, funciones recursivas y posibilidad de entradas y salidas
- Orientado a objetos.
- Posibilidades gráficas.

Este programa está constantemente en evolución debido a que es un proyecto colaborativo y abierto donde los usuarios pueden publicar paquetes que complementan su configuración básica. Actualmente en el listado oficial existen unos 7234 paquetes estadísticos, cada uno realizando una tarea específica dentro del mundo de la estadística. («R (lenguaje de programación)», 2016)

Su descarga e instalación es muy sencilla, el CRAN del programa se puede obtener de la página web oficial de R, <https://www.r-project.org/>, donde se selecciona el país que se desea y da la opción de elegir para qué sistema operativo se quiere el programa.

### Download and Install R

Precompiled binary distributions of the base system and contributed packages. **Windows and Mac** users most likely want one of these versions of R:

- [Download R for Linux](#)
- [Download R for \(Mac\) OS X](#)
- [Download R for Windows](#)

R is part of many Linux distributions, you should check with your Linux package management system in addition to the link above.

*Ilustración 2: Descarga R-Project*

## 7.2. RSTUDIO

RStudio es un entorno de desarrollo integrado (IDE) para R que tiene la misión de proporcionar el entorno informático estadístico de R.



*Ilustración 3: RStudio*

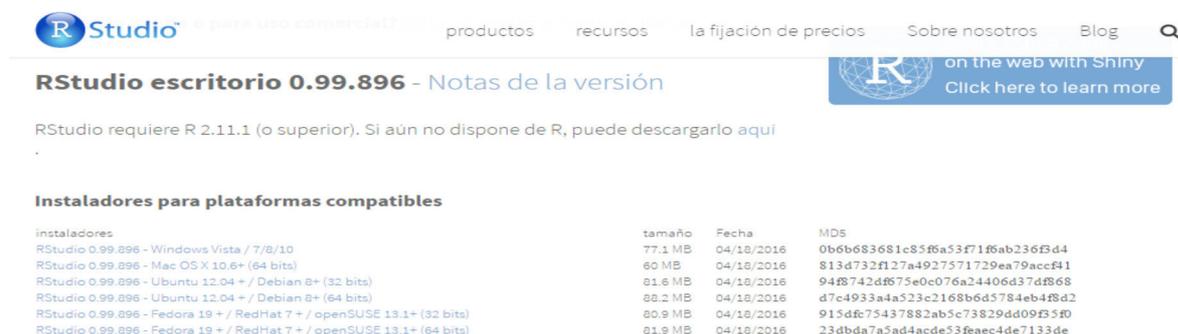
Al igual que R es un software libre y se ejecuta en el escritorio (Windows, Mac y Linux) o en un navegador conectado a RStudio Server. Algunas de sus características son:

- Resaltado de sintaxis, auto completado de código y sangría inteligente.
- Ejecutar código R directamente desde el editor de código fuente.
- Salto rápido a las funciones.
- Depurador interactivo para diagnosticar y corregir los errores rápidamente.
- Documentación y soporte integrado.

Incluye una consola, editor de resaltado de sintaxis que soporta la ejecución de código directo, así como herramientas para el trazado, la historia, la depuración y la gestión del espacio de trabajo.

El objetivo de RStudio es ser lo más sencillo e intuitivo posible para proporcionar un entorno amigable para el usuario. («RStudio», 2015)

Su descarga e instalación, al igual que R, es muy fácil. El programa se puede descargar de la web oficial, <https://www.rstudio.com/>, en el apartado de productos.



instaladores	tamaño	Fecha	MDS
RStudio 0.99.896 - Windows Vista / 7/8/10	77.1 MB	04/10/2016	0b6b683681c85f6a53f71f6ab236f5d4
RStudio 0.99.896 - Mac OS X 10.6+ (64 bits)	60 MB	04/10/2016	813d732f127a4927571729ea79accf41
RStudio 0.99.896 - Ubuntu 12.04+ / Debian 8+ (32 bits)	81.6 MB	04/10/2016	94f8742d8f75e0c076a24406d37df868
RStudio 0.99.896 - Ubuntu 12.04+ / Debian 8+ (64 bits)	88.2 MB	04/10/2016	d7c4933a4a523c2168b6d5784eb4f8d2
RStudio 0.99.896 - Fedora 19+ / RedHat 7+ / openSUSE 13.1+ (32 bits)	80.9 MB	04/10/2016	915d8f75437882ab5c73829dd09f35f0
RStudio 0.99.896 - Fedora 19+ / RedHat 7+ / openSUSE 13.1+ (64 bits)	81.9 MB	04/10/2016	23dbda7a5ad4acde53feac4de7133de

#### Ilustración 4: Descarga RStudio

Es importante destacar que para el uso de RStudio es necesario tener la versión 2.11.1 o superior de R.

## 7.3. PAQUETES DE R NECESARIOS

### 7.3.1. *lp\_Solve*

*lp\_Solve* permite resolver problemas de programación lineal, entera y mixta. Está basado en el método simplex que busca el máximo de una función lineal sobre un conjunto de variables que satisfaga un conjunto de inecuaciones lineales. Posibilita resolver problemas de asignación y de transporte. («R Package Snapshot», s. f.-a)

### Package ‘lpSolve’

September 19, 2015

**Version** 5.6.13

**Date** 2015-09-18

**Title** Interface to 'lp\_solve' v. 5.5 to Solve Linear/Integer Programs

**Author** Michel Berkelaar and others

**Maintainer** Samuel E. Buttrely <buttrely@nps.edu>

**Description** *lp\_solve* is freely available (under LGPL 2) software for solving linear, integer and mixed integer programs. In this implementation we supply a “wrapper” function in C and some R functions that solve general linear/integer problems, assignment problems, and transportation problems. This version calls *lp\_solve* version 5.5.

**License** LGPL-2

**NeedsCompilation** yes

**Repository** CRAN

**Date/Publication** 2015-09-19 10:00:23

*Ilustración 5: lp\_Solve*

### 7.3.2. TSP

El paquete TSP contiene algoritmos que permite minimizar la distancia recorrida de una ruta pasando una vez por cada una de las ciudades requeridas y volviendo a la ciudad de origen. («R Package Snapshot», s. f.-b)

## Package ‘TSP’

February 22, 2016

**Type** Package

**Title** Traveling Salesperson Problem (TSP)

**Version** 1.1-4

**Date** 2016-2-21

**Description** Basic infrastructure and some algorithms for the traveling salesperson problem (also traveling salesman problem; TSP). The package provides some simple algorithms and an interface to the Concorde TSP solver and its implementation of the Chained-Lin-Kernighan heuristic. Concorde itself is not included in the package and has to be obtained separately from <http://www.math.uwaterloo.ca/tsp/concorde.html>.

**Classification/ACM** G.1.6, G.2.1, G.4

**URL** <http://lyle.smu.edu/IDA/seriation>

**BugReports** <https://github.com/mhahsler/TSP/issues>

**Depends** R (>= 2.14.0)

**Imports** graphics, foreach, utils, methods, stats, grDevices

**Suggests** maps, sp, maptools, testthat

**License** GPL-3

**Copyright** All code is Copyright (C) Michael Hahsler and Kurt Hornik.

**NeedsCompilation** yes

**Author** Michael Hahsler [aut, cre, cph],  
Kurt Hornik [aut, cph]

**Maintainer** Michael Hahsler <[mhahsler@lyle.smu.edu](mailto:mhahsler@lyle.smu.edu)>

**Repository** CRAN

**Date/Publication** 2016-02-22 08:04:07

*Ilustración 6: TSP*

### 7.3.3. rJava

Es una sencilla interfaz de R a Java. rJava ofrece un puente de bajo nivel entre R y Java. Permite crear objetos, métodos de llamadas y acceder a campos de objetos Java de R. («R Package Snapshot», s. f.-c)

## Package ‘rJava’

January 7, 2016

**Version** 0.9-8

**Title** Low-Level R to Java Interface

**Author** Simon Urbanek <simon.urbanek@r-project.org>

**Maintainer** Simon Urbanek <simon.urbanek@r-project.org>

**Depends** R (>= 2.5.0), methods

**Description** Low-level interface to Java VM very much like .C/.Call and friends. Allows creation of objects, calling methods and accessing fields.

**License** GPL-2

**URL** <http://www.rforge.net/rJava/>

**SystemRequirements** Java JDK 1.2 or higher (for JRI/REngine JDK 1.4 or higher), GNU make

**NeedsCompilation** yes

**Repository** CRAN

**Date/Publication** 2016-01-07 15:09:40

*Ilustración 7: rJava*

### 7.3.4. xlsx

Este paquete deja importar archivos en formato Excel. Permite leer y escribir este tipo de archivos. Está basado en Java, por ese motivo es necesario el paquete anteriormente descrito "rJava". («R Package Snapshot», s. f.-d)

## Package 'xlsx'

February 20, 2015

**Type** Package

**Title** Read, write, format Excel 2007 and Excel 97/2000/XP/2003 files

**Version** 0.5.7

**Date** 2014-08-01

**Depends** rJava, xlsxjars

**LazyLoad** yes

**Author** Adrian A. Dragulescu

**Maintainer** Adrian A. Dragulescu <adrian.dragulescu@gmail.com>

**Description**

Provide R functions to read/write/format Excel 2007 and Excel 97/2000/XP/2003 file formats.

**License** GPL-3

**URL** <http://code.google.com/p/rexcel/>,

<http://groups.google.com/group/R-package-xlsx>

**BugReports** <https://code.google.com/p/rexcel/issues/list>

**NeedsCompilation** no

**Repository** CRAN

**Date/Publication** 2014-08-02 23:32:07

*Ilustración 8: xlsx*

### 7.3.5. shiny

Shiny permite de manera sencilla construir aplicaciones web interactivas con R. El usuario de la app solo tiene que seleccionar los campos correspondientes. («R Package Snapshot», s. f.-e)

## Package ‘shiny’

March 28, 2016

**Type** Package

**Title** Web Application Framework for R

**Version** 0.13.2

**Date** 2016-03-28

**Description** Makes it incredibly easy to build interactive web applications with R. Automatic “reactive” binding between inputs and outputs and extensive pre-built widgets make it possible to build beautiful, responsive, and powerful applications with minimal effort.

**License** GPL-3 | file LICENSE

**Depends** R (>= 3.0.0), methods

**Imports** utils, httpuv (>= 1.3.3), mime (>= 0.3), jsonlite (>= 0.9.16), xtable, digest, htmltools (>= 0.3), R6 (>= 2.0)

**Suggests** datasets, Cairo (>= 1.5-5), testthat, knitr (>= 1.6), markdown, rmarkdown, ggplot2

**URL** <http://shiny.rstudio.com>

**BugReports** <https://github.com/rstudio/shiny/issues>

**VignetteBuilder** knitr

**RoxygenNote** 5.0.1

**NeedsCompilation** no

**Maintainer** Winston Chang <[winston@rstudio.com](mailto:winston@rstudio.com)>

**Repository** CRAN

**Date/Publication** 2016-03-28 18:59:41

*Ilustración 9: shiny*

### 7.3.6. igraph

El paquete igraph proporciona rutinas y funciones para generar y manipular grafos fácilmente. («R Package Snapshot», s. f.-f)

**Package ‘igraph’**

June 26, 2015

**Version** 1.0.1

**Title** Network Analysis and Visualization

**Author** See AUTHORS file.

**Maintainer** Gabor Csardi <csardi.gabor@gmail.com>

**Description** Routines for simple graphs and network analysis. It can handle large graphs very well and provides functions for generating random and regular graphs, graph visualization, centrality methods and much more.

**Depends** methods

**Imports** Matrix, magrittr, NMF, irlba

**Suggests** igraphdata, stats4, rgl, tcltk, graph, ape, scales

**License** GPL (>= 2)

**URL** <http://igraph.org>

**SystemRequirements** gmp, libxml2

**BugReports** <https://github.com/igraph/igraph/issues>

**Collate** 'adjacency.R' 'auto.R' 'assortativity.R' 'attributes.R' 'basic.R' 'bipartite.R' 'centrality.R' 'centralization.R' 'cliques.R' 'cocitation.R' 'cohesive.blocks.R' 'printr.R' 'community.R' 'components.R' 'console.R' 'conversion.R' 'data\_frame.R' 'decomposition.R' 'degseq.R' 'demo.R' 'embedding.R' 'epi.R' 'fit.R' 'flow.R' 'foreign.R' 'games.R' 'glet.R' 'hrg.R' 'igraph-package.R' 'incidence.R' 'indexing.R' 'interface.R' 'iterators.R' 'layout.R' 'layout\_drl.R' 'lazyeval.R' 'make.R' 'mgclust.R' 'minimum.spanning.tree.R' 'motifs.R' 'nexus.R' 'operators.R' 'other.R' 'package.R' 'palette.R' 'par.R' 'paths.R' 'plot.R' 'plot.common.R' 'plot.shapes.R' 'pp.R' 'print.R' 'random\_walk.R' 'rewire.R' 'scan.R' 'seg.R' 'sgm.R' 'similarity.R' 'simple.R' 'sir.R' 'socnet.R' 'sparsedf.R' 'structural.properties.R' 'structure.info.R' 'test.R' 'tkplot.R' 'topology.R' 'triangles.R' 'utils.R' 'uuid.R' 'versions.R' 'weakref.R' 'zzz-deprecate.R'

**NeedsCompilation** yes

Ilustración 10: igraph

## 7.4. OTROS SOFTWARES: MICROSOFT OFFICE

Dentro del paquete Microsoft Office 2007 se ha utilizado Excel para realizar las tablas de datos como son las distancias entre ciudades y los precios de los productos.



Ilustración 11: Microsoft Office

## 8. ANÁLISIS DE LA RED DE APROVISIONAMIENTO

En este TFG el conjunto de ciudades que forman parte de la red de aprovisionamiento son todas las capitales de Provincia y Comunidad Autónoma del territorio peninsular español. Hacen una suma de 49 ciudades

Como se describió anteriormente entre las variantes del TSP se podía diferenciar entre simétrico o asimétrico según si la distancia entre las ciudades era la misma o no en ambos sentidos. En este caso para que sea más sencillo se decide que sea simétrico, es decir, que las distancias entre las ciudades sea la misma en ambos sentidos.

Las distancias entre las capitales se han obtenido de una página web donde se introducía los nombres de dos ciudades y te devolvía la distancia por carretera entre ellas. («Distancia entre dos ciudades», s. f.)

### 8.1. CAPITALS AUTONÓMICAS Y PROVINCIALES

Comunidad autónoma	Capitales autonómicas y provinciales
Andalucía	Almería Cádiz Córdoba Granada Huelva Jaén Málaga Sevilla
Aragón	Huesca Teruel Zaragoza

Principado de Asturias	Oviedo
Cantabria	Santander
Castilla- La Mancha	Albacete Ciudad Real Cuenca Guadalajara Toledo
Castilla y León	Ávila Burgos León Palencia Salamanca Segovia Soria Valladolid Zamora
Cataluña	Barcelona Gerona Lérida Tarragona
Comunidad Foral de Navarra	Pamplona
Comunidad de Madrid	Madrid
Comunidad Valenciana	Alicante Castellón de la Plana

	Valencia
Extremadura	Badajoz Cáceres Mérida
Galicia	La Coruña Lugo Orense Pontevedra Santiago de Compostela
La Rioja	Logroño
País Vasco	Bilbao San Sebastián Vitoria
Región de Murcia	Murcia

*Tabla 1: Ciudades*

## 8.2. MAPA POLÍTICO DE ESPAÑA



Ilustración 12: Mapa de España

### 8.3. RED DE ADYACENCIA

	<b>Albacete</b>	<b>Alicante</b>	<b>Almería</b>	<b>Ávila</b>	<b>Badajoz</b>	<b>Barcelona</b>	<b>Bilbao</b>
<b>Albacete</b>	0	168	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Alicante</b>	168	0	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Almería</b>	Inf	Inf	0	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Ávila</b>	Inf	Inf	Inf	0	Inf	Inf	Inf
<b>Badajoz</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	0	Inf	Inf
<b>Barcelona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	0	Inf
<b>Bilbao</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	0
<b>Burgos</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	158
<b>Cáceres</b>	Inf	Inf	Inf	238	93	Inf	Inf
<b>Cádiz</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Castellón</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Ciudad Real</b>	200	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Córdoba</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Cuenca</b>	142	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Gerona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	103	Inf
<b>Granada</b>	Inf	Inf	168	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Guadalajara</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Huelva</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	292	Inf	Inf
<b>Huesca</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Jaén</b>	305	Inf	225	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>La Coruña</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>León</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Lérida</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	163	Inf
<b>Logroño</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Lugo</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf

<b>Madrid</b>	Inf	Inf	Inf	108	Inf	Inf	Inf
<b>Málaga</b>	Inf	Inf	201	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Mérida</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	66	Inf	Inf
<b>Murcia</b>	144	82	218	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Orense</b>	Inf						
<b>Oviedo</b>	Inf						
<b>Palencia</b>	Inf						
<b>Pamplona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	155
<b>Pontevedra</b>	Inf						
<b>Salamanca</b>	Inf	Inf	Inf	109	Inf	Inf	Inf
<b>S. Sebastian</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	101
<b>Santander</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	100
<b>S. Compostela</b>	Inf						
<b>Segovia</b>	Inf	Inf	Inf	66	Inf	Inf	Inf
<b>Sevilla</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	210	Inf	Inf
<b>Soria</b>	Inf						
<b>Tarragona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	100	Inf
<b>Teruel</b>	Inf						
<b>Toledo</b>	247	Inf	Inf	131	Inf	Inf	Inf
<b>Valencia</b>	187	166	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Valladolid</b>	Inf						
<b>Vitoria</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	62
<b>Zamora</b>	Inf	Inf	Inf	179	Inf	Inf	Inf
<b>Zaragoza</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	313	Inf

*Tabla 2: Matriz de adyacencia*

	<b>Burgos</b>	<b>Cáceres</b>	<b>Cádiz</b>	<b>Castellón</b>	<b>Ciudad Real</b>	<b>Córdoba</b>	<b>Cuenca</b>
<b>Albacete</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	200	Inf	142
<b>Alicante</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Almería</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Ávila</b>	Inf	238	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Badajoz</b>	Inf	93	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Barcelona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Bilbao</b>	158	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Burgos</b>	0	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Cáceres</b>	Inf	0	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Cádiz</b>	Inf	Inf	0	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Castellón</b>	Inf	Inf	Inf	0	Inf	Inf	263
<b>Ciudad Real</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	0	192	267
<b>Córdoba</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	192	0	Inf
<b>Cuenca</b>	Inf	Inf	Inf	263	267	Inf	0
<b>Gerona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Granada</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	202	Inf
<b>Guadalajara</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	135
<b>Huelva</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Huesca</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Jaén</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	170	120	Inf
<b>La Coruña</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>León</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Lérida</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Logroño</b>	134	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Lugo</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Madrid</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	165
<b>Málaga</b>	Inf	Inf	234	Inf	Inf	158	Inf

<b>Mérida</b>	Inf	75	Inf	Inf	243	245	Inf
<b>Murcia</b>	Inf						
<b>Orense</b>	Inf						
<b>Oviedo</b>	Inf						
<b>Palencia</b>	90	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Pamplona</b>	Inf						
<b>Pontevedra</b>	Inf						
<b>Salamanca</b>	Inf	201	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>S.Sebastian</b>	Inf						
<b>Santander</b>	181	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>S.Compostela</b>	Inf						
<b>Segovia</b>	Inf						
<b>Sevilla</b>	Inf	Inf	122	Inf	Inf	140	Inf
<b>Soria</b>	142	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Tarragona</b>	Inf	Inf	Inf	187	Inf	Inf	Inf
<b>Teruel</b>	Inf	Inf	Inf	144	Inf	Inf	147
<b>Toledo</b>	Inf	260	Inf	Inf	118	Inf	179
<b>Valencia</b>	Inf	Inf	Inf	73	Inf	Inf	199
<b>Valladolid</b>	127	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Vitoria</b>	118	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Zamora</b>	Inf						
<b>Zaragoza</b>	Inf						

*Tabla 3: Matriz de adyacencia*

	<b>Gerona</b>	<b>Granada</b>	<b>Guadalajara</b>	<b>Huelva</b>	<b>Huesca</b>	<b>Jaén</b>	<b>La Coruña</b>
<b>Albacete</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	305	Inf
<b>Alicante</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Almería</b>	Inf	168	Inf	Inf	Inf	225	Inf
<b>Ávila</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Badajoz</b>	Inf	Inf	Inf	292	Inf	Inf	Inf
<b>Barcelona</b>	103	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Bilbao</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Burgos</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Cáceres</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Cádiz</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Castellón</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Ciudad Real</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	170	Inf
<b>Córdoba</b>	Inf	202	Inf	Inf	Inf	120	Inf
<b>Cuenca</b>	Inf	Inf	135	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Gerona</b>	0	Inf	Inf	Inf	340	Inf	Inf
<b>Granada</b>	Inf	0	Inf	Inf	Inf	92	Inf
<b>Guadalajara</b>	Inf	Inf	0	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Huelva</b>	Inf	Inf	Inf	0	Inf	Inf	Inf
<b>Huesca</b>	340	Inf	Inf	Inf	0	Inf	Inf
<b>Jaén</b>	Inf	92	Inf	Inf	Inf	0	Inf
<b>La Coruña</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	0
<b>León</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Lérida</b>	231	Inf	Inf	Inf	112	Inf	Inf
<b>Logroño</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Lugo</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	97
<b>Madrid</b>	Inf	Inf	62	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Málaga</b>	Inf	124	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf

<b>Mérida</b>	Inf						
<b>Murcia</b>	Inf	277	Inf	Inf	Inf	335	Inf
<b>Orense</b>	Inf						
<b>Oviedo</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	286
<b>Palencia</b>	Inf						
<b>Pamplona</b>	563	Inf	Inf	Inf	165	Inf	Inf
<b>Pontevedra</b>	Inf						
<b>Salamanca</b>	Inf						
<b>S.Sebastian</b>	Inf						
<b>Santander</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	454
<b>S.Compostela</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	74
<b>Segovia</b>	Inf						
<b>Sevilla</b>	Inf	248	Inf	94	Inf	Inf	Inf
<b>Soria</b>	Inf	Inf	171	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Tarragona</b>	Inf						
<b>Teruel</b>	Inf	Inf	245	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Toledo</b>	Inf						
<b>Valencia</b>	Inf						
<b>Valladolid</b>	Inf						
<b>Vitoria</b>	Inf						
<b>Zamora</b>	Inf						
<b>Zaragoza</b>	Inf	Inf	257	Inf	74	Inf	Inf

*Tabla 4: Matriz de adyacencia*

	León	Lérida	Logroño	Lugo	Madrid	Málaga	Mérida	Murcia
<b>Albacete</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	144
<b>Alicante</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	82
<b>Almería</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	201	Inf	218
<b>Ávila</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	108	Inf	Inf	Inf
<b>Badajoz</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	66	Inf
<b>Barcelona</b>	Inf	163	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Bilbao</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Burgos</b>	183	Inf	134	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Cáceres</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	75	Inf
<b>Cádiz</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	234	Inf	Inf
<b>Castellón</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Ciudad Real</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	243	Inf
<b>Córdoba</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	158	245	Inf
<b>Cuenca</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	165	Inf	Inf	Inf
<b>Gerona</b>	Inf	231	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Granada</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	124	Inf	277
<b>Guadalajara</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	62	Inf	Inf	Inf
<b>Huelva</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Huesca</b>	Inf	112	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Jaén</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	335
<b>La Coruña</b>	Inf	Inf	Inf	97	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>León</b>	0	Inf	Inf	223	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Lérida</b>	Inf	0	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Logroño</b>	Inf	Inf	0	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Lugo</b>	223	Inf	Inf	0	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Madrid</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	0	Inf	Inf	Inf
<b>Málaga</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	0	Inf	Inf

<b>Mérida</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	0	Inf
<b>Murcia</b>	Inf	0						
<b>Orense</b>	296	Inf	Inf	94	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Oviedo</b>	125	Inf	Inf	227	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Palencia</b>	131	Inf						
<b>Pamplona</b>	Inf	Inf	85	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Pontevedra</b>	Inf	Inf	Inf	195	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Salamanca</b>	Inf							
<b>S.Sebastian</b>	Inf							
<b>Santander</b>	264	Inf						
<b>S.Compostela</b>	Inf	Inf	Inf	115	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Segovia</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	92	Inf	Inf	Inf
<b>Sevilla</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	206	192	Inf
<b>Soria</b>	Inf	Inf	101	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Tarragona</b>	Inf	100	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Teruel</b>	Inf	323	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Toledo</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	72	Inf	301	Inf
<b>Valencia</b>	Inf	228						
<b>Valladolid</b>	136	Inf						
<b>Vitoria</b>	Inf	Inf	93	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Zamora</b>	142	Inf						
<b>Zaragoza</b>	Inf	152	171	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf

*Tabla 5: Matriz de adyacencia*

	Orense	Oviedo	Palencia	Pamplona	Pontevedra	Salamanca
<b>Albacete</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Alicante</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Almería</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Ávila</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	109
<b>Badajoz</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Barcelona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Bilbao</b>	Inf	Inf	Inf	155	Inf	Inf
<b>Burgos</b>	Inf	Inf	90	Inf	Inf	Inf
<b>Cáceres</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	201
<b>Cádiz</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Castellón</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Ciudad Real</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Córdoba</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Cuenca</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Gerona</b>	Inf	Inf	Inf	563	Inf	Inf
<b>Granada</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Guadalajara</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Huelva</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Huesca</b>	Inf	Inf	Inf	165	Inf	Inf
<b>Jaén</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>La Coruña</b>	Inf	286	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>León</b>	296	125	131	Inf	Inf	Inf
<b>Lérida</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Logroño</b>	Inf	Inf	Inf	85	Inf	Inf
<b>Lugo</b>	94	227	Inf	Inf	195	Inf

<b>Madrid</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Málaga</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Mérida</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Murcia</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Orense</b>	0	Inf	Inf	Inf	117	Inf
<b>Oviedo</b>	Inf	0	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Palencia</b>	Inf	Inf	0	Inf	Inf	Inf
<b>Pamplona</b>	Inf	Inf	Inf	0	Inf	Inf
<b>Pontevedra</b>	117	Inf	Inf	Inf	0	Inf
<b>Salamanca</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	0
<b>S. Sebastian</b>	Inf	Inf	Inf	83	Inf	Inf
<b>Santander</b>	Inf	194	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>S. Compostela</b>	106	Inf	Inf	Inf	70	Inf
<b>Segovia</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Sevilla</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Soria</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Tarragona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Teruel</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Toledo</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Valencia</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Valladolid</b>	Inf	Inf	51	Inf	Inf	Inf
<b>Vitoria</b>	Inf	Inf	Inf	99	Inf	Inf
<b>Zamora</b>	269	Inf	149	Inf	Inf	66
<b>Zaragoza</b>	Inf	Inf	Inf	177	Inf	Inf

*Tabla 6: Matriz de adyacencia*

	<b>S.Sebastián</b>	<b>Santander</b>	<b>S.Compostela</b>	<b>Segovia</b>	<b>Sevilla</b>	<b>Soria</b>	<b>Tarragona</b>
<b>Albacete</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Alicante</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Almería</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Ávila</b>	Inf	Inf	Inf	66	Inf	Inf	Inf
<b>Badajoz</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	210	Inf	Inf
<b>Barcelona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	100
<b>Bilbao</b>	101	100	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Burgos</b>	Inf	181	Inf	Inf	Inf	142	Inf
<b>Cáceres</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Cádiz</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	122	Inf	Inf
<b>Castellón</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	187
<b>Ciudad Real</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Córdoba</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	140	Inf	Inf
<b>Cuenca</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Gerona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Granada</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	248	Inf	Inf
<b>Guadalajara</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	171	Inf
<b>Huelva</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	94	Inf	Inf
<b>Huesca</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Jaén</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>La Coruña</b>	Inf	454	74	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>León</b>	Inf	264	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Lérida</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	100
<b>Logroño</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	101	Inf
<b>Lugo</b>	Inf	Inf	115	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Madrid</b>	Inf	Inf	Inf	92	Inf	Inf	Inf
<b>Málaga</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	206	Inf	Inf

<b>Mérida</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	192	Inf	Inf
<b>Murcia</b>	Inf						
<b>Orense</b>	Inf	Inf	106	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Oviedo</b>	Inf	194	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Palencia</b>	Inf						
<b>Pamplona</b>	83	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Pontevedra</b>	Inf	Inf	70	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Salamanca</b>	Inf						
<b>S.Sebastian</b>	0	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Santander</b>	Inf	0	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>S.Compostela</b>	Inf	Inf	0	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Segovia</b>	Inf	Inf	Inf	0	Inf	192	Inf
<b>Sevilla</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	0	Inf	Inf
<b>Soria</b>	Inf	Inf	Inf	192	Inf	0	Inf
<b>Tarragona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	0
<b>Teruel</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	336
<b>Toledo</b>	Inf						
<b>Valencia</b>	Inf						
<b>Valladolid</b>	Inf	Inf	Inf	116	Inf	208	Inf
<b>Vitoria</b>	101	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Zamora</b>	Inf	Inf	Inf	190	Inf	Inf	Inf
<b>Zaragoza</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	159	236

*Tabla 7: Matriz de adyacencia*

	Teruel	Toledo	Valencia	Valladolid	Vitoria	Zamora	Zaragoza
<b>Albacete</b>	Inf	247	187	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Alicante</b>	Inf	Inf	166	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Almería</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Ávila</b>	Inf	131	Inf	Inf	Inf	179	Inf
<b>Badajoz</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Barcelona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	313
<b>Bilbao</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	62	Inf	Inf
<b>Burgos</b>	Inf	Inf	Inf	127	118	Inf	Inf
<b>Cáceres</b>	Inf	260	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Cádiz</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Castellón</b>	144	Inf	73	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Ciudad Real</b>	Inf	118	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Córdoba</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Cuenca</b>	147	179	199	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Gerona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Granada</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Guadalajara</b>	245	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	257
<b>Huelva</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Huesca</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	74
<b>Jaén</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>La Coruña</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>León</b>	Inf	Inf	Inf	136	Inf	142	Inf
<b>Lérida</b>	323	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	152
<b>Logroño</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	93	Inf	171
<b>Lugo</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Madrid</b>	Inf	72	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Málaga</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf

<b>Mérida</b>	Inf	301	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Murcia</b>	Inf	Inf	228	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Orense</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	269	Inf
<b>Oviedo</b>	Inf						
<b>Palencia</b>	Inf	Inf	Inf	51	Inf	149	Inf
<b>Pamplona</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	99	Inf	177
<b>Pontevedra</b>	Inf						
<b>Salamanca</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	66	Inf
<b>S.Sebastian</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	101	Inf	Inf
<b>Santander</b>	Inf						
<b>S.Compostela</b>	Inf						
<b>Segovia</b>	Inf	Inf	Inf	116	Inf	190	Inf
<b>Sevilla</b>	Inf						
<b>Soria</b>	Inf	Inf	Inf	208	Inf	Inf	159
<b>Tarragona</b>	336	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	236
<b>Teruel</b>	0	Inf	144	Inf	Inf	Inf	171
<b>Toledo</b>	Inf	0	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Valencia</b>	144	Inf	0	Inf	Inf	Inf	Inf
<b>Valladolid</b>	Inf	Inf	Inf	0	Inf	101	Inf
<b>Vitoria</b>	Inf	Inf	Inf	Inf	0	Inf	Inf
<b>Zamora</b>	Inf	Inf	Inf	101	Inf	0	Inf
<b>Zaragoza</b>	171	Inf	Inf	Inf	Inf	Inf	0

*Tabla 8: Matriz de adyacencia*

En esta matriz de adyacencia hay que tener en cuenta:

- Los *ceros* representan que la distancia entre una ciudad y ella misma es nula.
- Los *inf* representan que entre dos ciudades no hay conexión directa.
- Los *numeros* representan la distancia entre dos ciudades medida en kilómetros.

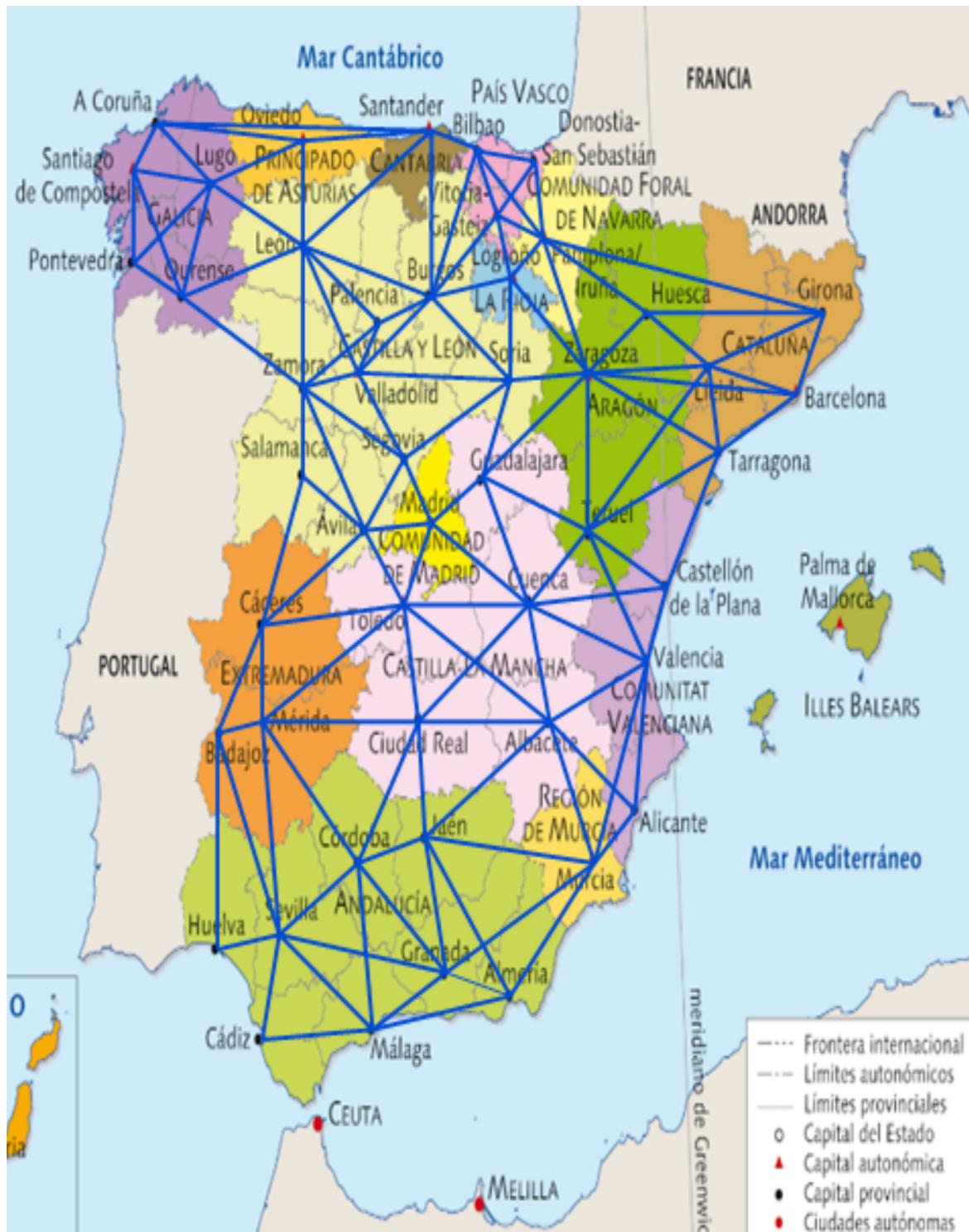


Ilustración 13: Red de adyacencia

## 9. OBTENCIÓN DE LA SOLUCIÓN

Una vez definida la red de adyacencia se vuelcan los datos de las distancias a R-project para la obtención del grafo. Es importante mencionar que los elementos *inf* son sustituidos por ceros para que pueda ser leído por el programa.

Para este volcado de los datos se utiliza la función `matrix(rbind())`.

Los nombres de las ciudades se añaden con la función `rownames()` para las filas y `colnames()` para las columnas.

```
> Grafo
      Albacete Alicante Almeria Avila Badajoz Barcelona Bilbao Burgos
Albacete      0      168      0      0      0      0      0      0      0
Alicante     168      0      0      0      0      0      0      0      0
Almeria       0      0      0      0      0      0      0      0      0
Avila         0      0      0      0      0      0      0      0      0
Badajoz       0      0      0      0      0      0      0      0      0
Barcelona     0      0      0      0      0      0      0      0      0
Bilbao        0      0      0      0      0      0      0      0     158
Burgos        0      0      0      0      0      0      0     158      0
Caceres       0      0      0     238     93      0      0      0      0
Cadiz         0      0      0      0      0      0      0      0      0
Castellon     0      0      0      0      0      0      0      0      0
Ciudad Real  200      0      0      0      0      0      0      0      0
```

Ilustración 14: Grafo R-project

Con la función `attributes()` se comprueba que la matriz tiene dimensiones 49x49 y que los nombres de las ciudades son los correctos.

```
> attributes(Grafo)
$dim
[1] 49 49

$dimnames
$dimnames[[1]]
 [1] "Albacete"      "Alicante"      "Almeria"      "Avila"
 [5] "Badajoz"       "Barcelona"     "Bilbao"       "Burgos"
 [9] "Caceres"       "Cadiz"         "Castellon"    "Ciudad Real"
[13] "Cordoba"       "Cuenca"        "Gerona"       "Granada"
[17] "Guadalajara"  "Huelva"        "Huesca"       "Jaen"
[21] "La Coruña"     "Leon"         "Lerida"       "Logroño"
[25] "Lugo"          "Madrid"        "Malaga"       "Merida"
[29] "Murcia"        "Orense"        "Oviedo"       "Palencia"
[33] "Pamplona"     "Pontevedra"   "Salamanca"   "San Sebastian"
[37] "Santander"    "S.Compostela" "Segovia"      "Sevilla"
[41] "Soria"        "Tarragona"    "Teruel"       "Toledo"
[45] "Valencia"     "Valladolid"   "Vitoria"     "Zamora"
[49] "Zaragoza"
```

Ilustración 15: attributes

## 9.1. GRAFO

Para obtener el grafo asociado a la matriz descrita anteriormente se utiliza la librería `igraph` mediante la función `graph.adjacency()`. Los parámetros de esta función son los siguientes:

```
graph_adjacency(adjmatrix, mode = c("directed", "undirected", "max",
"min", "upper", "lower", "plus"), weighted = NULL, diag = TRUE,
add.colnames = NULL, add.rownames = NA).
```

El significado de sus parámetros es el siguiente:

- **adjmatrix**: Matriz cuadrada de adyacencia.
- **mode**: Especifica cómo debe interpretar `igraph` la matriz suministrada.
- **weighted**: Determina si se quiere mantener los pesos.
- **diag**: Especifica si se incluye la diagonal de la matriz en el cálculo.
- **add.colnames**: Establece si se desea añadir los nombres de las columnas como atributos de vértice.
- **add.rownames**: Establece si se desea añadir los nombres de las filas como atributos de vértice.

Concretamente, en este caso, se utilizan `adjmatrix` y `weighted` y el resto de parámetros aparecerán con su opción por defecto.

```
G<-graph.adjacency(Grafo, weighted=TRUE)
```

*Ilustración 16: graph.adjacency*

Con las funciones `V()` y `E()` se verifica que el grafo contiene los 49 nodos y las 257 conexiones entre ellos. («R: Create graphs from adjacency matrices», s. f.)

```
> V(G)
+ 49/49 vertices, named:
 [1] Albacete      Alicante      Almeria      Avila        Badajoz
 [6] Barcelona     Bilbao       Burgos      Caceres     Cadiz
[11] Castellon     Ciudad Real  Cordoba     Cuenca      Gerona
[16] Granada       Guadalajara  Huelva     Huesca     Jaen
[21] La Coruña     Leon         Lerida      Logroño     Lugo
[26] Madrid        Malaga      Merida      Murcia     Orense
[31] Oviedo        Palencia    Pamplona   Pontevedra  Salamanca
[36] San Sebastian Santander    S.Compostela Segovia     Sevilla
[41] Soria         Tarragona   Teruel     Toledo     Valencia
[46] Valladolid   Vitoria     Zamora     Zaragoza
```

*Ilustración 17: Vertices*

```

> E(G)
+ 257/257 edges (vertex names):
 [1] Albacete ->Alicante      Albacete ->Ciudad Real Albacete ->Cuenca
 [4] Albacete ->Jaen         Albacete ->Murcia       Albacete ->Toledo
 [7] Albacete ->Valencia     Alicante ->Albacete    Alicante ->Murcia
 [10] Alicante ->Valencia    Almeria ->Granada      Almeria ->Jaen
 [13] Almeria ->Malaga        Almeria ->Murcia       Avila ->Caceres
 [16] Avila ->Madrid          Avila ->Salamanca     Avila ->Segovia
 [19] Avila ->Toledo          Avila ->Zamora         Badajoz ->Caceres
 [22] Badajoz ->Huelva        Badajoz ->Merida       Badajoz ->Sevilla
 [25] Barcelona->Gerona      Barcelona->Lerida     Barcelona->Tarragona
 [28] Barcelona->Zaragoza    Bilbao ->Burgos        Bilbao ->Pamplona
 + ... omitted several edges
    
```

Ilustración 18: Conexiones

A continuación se muestra el grafo dinámico obtenido con la función `tkplot()`.

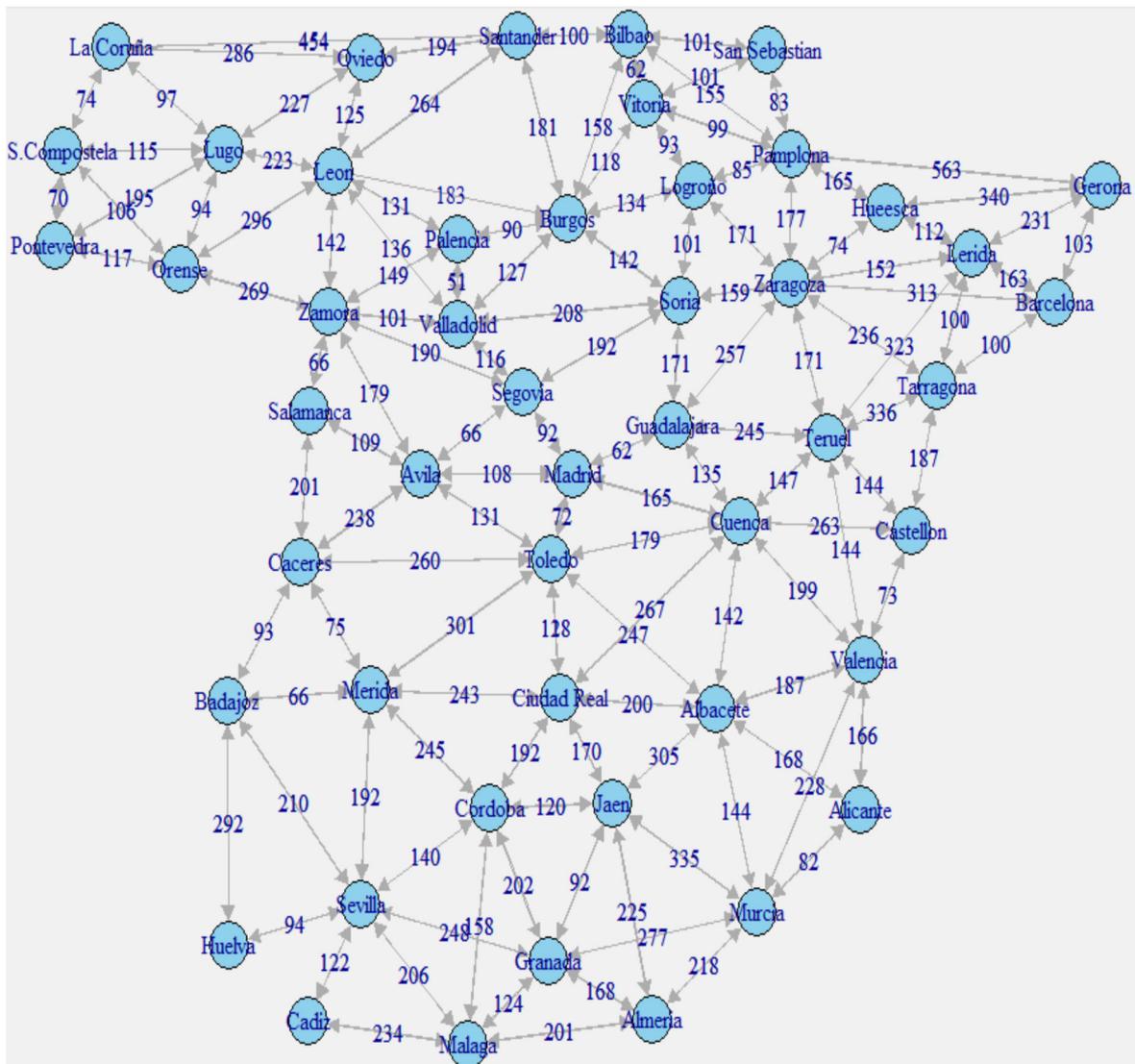


Ilustración 19: Grafo

## 9.2. MATRIZ PRINCIPAL

En la aplicación se necesita que la matriz contenga la distancias entre todas las ciudades. Esto se puede obtener con la función `shortest.paths()`.

	Albacete	Alicante	Almería	Ávila	Badajoz	Barcelona	Bilbao
Albacete	0	168	354	368	503	511	639
Alicante	168	0	291	534	688	524	787
Almería	354	291	0	658	610	796	942
Ávila	368	534	658	0	328	731	416
Badajoz	503	688	610	328	0	1026	691
Barcelona	511	524	796	731	1026	0	610
Bilbao	639	787	942	416	691	610	0
Burgos	486	652	789	263	538	606	158
Cáceres	507	673	664	238	93	920	601
Cádiz	621	640	436	615	328	1116	978
Castellón	235	248	520	531	726	280	611
Ciudad Real	200	385	392	250	311	695	598
Córdoba	370	555	353	504	265	865	788
Cuenca	142	308	496	276	547	541	552
Gerona	604	617	889	809	1104	103	687
Granada	360	351	168	526	464	888	811
Guadalajara	281	447	601	168	464	564	399
Huelva	595	692	497	580	292	1090	943
Huesca	469	561	834	493	788	272	372
Jaén	305	407	225	438	376	799	723
La Coruña	851	1017	1141	519	655	1088	543
León	597	762	886	264	498	784	336

<b>Lérida</b>	473	486	758	571	866	163	450
<b>Logroño</b>	549	654	868	390	665	477	136
<b>Lugo</b>	759	925	1049	427	660	995	484
<b>Madrid</b>	253	419	552	108	404	624	402
<b>Málaga</b>	502	472	201	636	421	997	920
<b>Mérida</b>	442	626	590	308	66	961	671
<b>Murcia</b>	144	82	218	511	670	589	783
<b>Orense</b>	760	926	1049	427	567	1057	609
<b>Oviedo</b>	705	871	995	373	607	890	282
<b>Palencia</b>	499	665	789	187	462	691	243
<b>Pamplona</b>	611	662	934	467	743	485	155
<b>Pontevedra</b>	872	1038	1162	540	523	1170	640
<b>Salamanca</b>	473	639	763	109	292	845	397
<b>S.Sebastian</b>	693	748	996	470	745	571	101
<b>Santander</b>	666	832	984	382	657	708	100
<b>S.Compostela</b>	862	1028	1151	529	591	1104	560
<b>Segovia</b>	351	517	640	66	390	663	352
<b>Sevilla</b>	501	595	401	498	210	996	861
<b>Soria</b>	449	551	769	253	632	467	222
<b>Tarragona</b>	419	432	704	655	949	100	533
<b>Teruel</b>	221	319	591	412	706	428	473
<b>Toledo</b>	247	413	499	131	367	692	468
<b>Valencia</b>	187	166	438	465	661	351	611
<b>Valladolid</b>	450	616	739	120	414	728	280
<b>Vitoria</b>	598	744	901	374	650	567	62
<b>Zamora</b>	513	679	803	179	358	825	377
<b>Zaragoza</b>	392	484	756	424	718	313	302

*Tabla 9: Matriz principal*

	<b>Burgos</b>	<b>Cáceres</b>	<b>Cádiz</b>	<b>Castellón</b>	<b>Ciudad Real</b>	<b>Córdoba</b>	<b>Cuenca</b>
<b>Albacete</b>	486	507	621	235	200	370	142
<b>Alicante</b>	652	673	640	248	385	555	308
<b>Almería</b>	789	664	436	520	392	353	496
<b>Ávila</b>	263	238	615	531	250	504	276
<b>Badajoz</b>	538	93	328	726	311	265	547
<b>Barcelona</b>	606	920	1116	280	695	865	541
<b>Bilbao</b>	158	601	978	611	598	788	552
<b>Burgos</b>	0	449	826	516	445	636	399
<b>Cáceres</b>	449	0	382	694	272	265	440
<b>Cádiz</b>	826	382	0	839	448	260	684
<b>Castellón</b>	516	694	839	0	417	587	263
<b>Ciudad Real</b>	445	272	448	417	0	192	267
<b>Córdoba</b>	636	265	260	587	192	0	431
<b>Cuenca</b>	399	440	684	263	267	431	0
<b>Gerona</b>	685	997	1208	372	786	955	633
<b>Granada</b>	659	518	291	610	259	202	455
<b>Guadalajara</b>	247	357	708	383	255	446	135
<b>Huelva</b>	790	347	210	812	417	233	657
<b>Huesca</b>	369	681	1032	386	579	769	367
<b>Jaén</b>	570	376	330	521	170	120	367
<b>La Coruña</b>	487	662	1041	1014	796	986	760
<b>León</b>	183	408	786	759	541	731	505
<b>Lérida</b>	447	759	1110	241	657	847	441
<b>Logroño</b>	134	575	953	479	523	713	369
<b>Lugo</b>	395	570	948	921	703	894	668
<b>Madrid</b>	249	297	648	419	206	397	165
<b>Málaga</b>	768	475	234	719	341	158	564

<b>Mérida</b>	519	75	309	658	243	245	480
<b>Murcia</b>	631	651	566	311	361	476	286
<b>Orense</b>	456	526	905	922	704	841	668
<b>Oviedo</b>	296	516	895	868	650	840	614
<b>Palencia</b>	90	372	750	555	444	634	400
<b>Pamplona</b>	211	652	1031	487	585	775	432
<b>Pontevedra</b>	569	573	862	1035	817	797	781
<b>Salamanca</b>	244	201	580	636	352	515	382
<b>S.Sebastian</b>	213	655	1033	573	651	841	517
<b>Santander</b>	181	567	945	710	639	829	578
<b>S.Compostela</b>	504	628	929	1024	806	865	770
<b>Segovia</b>	199	300	678	513	295	485	259
<b>Sevilla</b>	708	265	122	718	323	140	564
<b>Soria</b>	142	525	876	377	423	613	270
<b>Tarragona</b>	531	842	1023	187	601	770	448
<b>Teruel</b>	378	600	782	144	361	530	147
<b>Toledo</b>	315	260	611	433	118	344	179
<b>Valencia</b>	589	629	774	73	352	521	199
<b>Valladolid</b>	127	324	702	612	394	584	358
<b>Vitoria</b>	118	559	938	569	555	745	510
<b>Zamora</b>	225	268	646	675	458	582	422
<b>Zaragoza</b>	300	611	962	309	510	700	289

*Tabla 10: Matriz principal*

	<b>Gerona</b>	<b>Granada</b>	<b>Guadalajara</b>	<b>Huelva</b>	<b>Huesca</b>	<b>Jaén</b>	<b>La Coruña</b>
<b>Albacete</b>	604	360	281	595	469	305	851
<b>Alicante</b>	617	351	447	692	561	407	1017
<b>Almería</b>	889	168	601	497	834	225	1141
<b>Ávila</b>	809	526	168	580	493	438	519
<b>Badajoz</b>	1104	464	464	292	788	376	655
<b>Barcelona</b>	103	888	564	1090	272	799	1088
<b>Bilbao</b>	687	811	399	943	372	723	543
<b>Burgos</b>	685	659	247	790	369	570	487
<b>Cáceres</b>	997	518	357	347	681	376	662
<b>Cádiz</b>	1208	291	708	210	1032	330	1041
<b>Castellón</b>	372	610	383	812	386	521	1014
<b>Ciudad Real</b>	786	259	255	417	579	170	796
<b>Córdoba</b>	955	202	446	233	769	120	986
<b>Cuenca</b>	633	455	135	657	367	367	760
<b>Gerona</b>	0	980	641	1182	340	891	1165
<b>Granada</b>	980	0	468	344	792	92	1009
<b>Guadalajara</b>	641	468	0	672	327	382	651
<b>Huelva</b>	1182	344	672	0	997	348	943
<b>Huesca</b>	340	792	327	997	0	706	849
<b>Jaén</b>	891	92	382	348	706	0	922
<b>La Coruña</b>	1165	1009	651	943	849	922	0
<b>León</b>	862	754	396	751	546	667	315
<b>Lérida</b>	231	870	405	1075	112	783	928
<b>Logroño</b>	555	736	270	918	239	649	614
<b>Lugo</b>	1073	916	559	914	756	830	97
<b>Madrid</b>	702	419	62	613	385	333	591
<b>Málaga</b>	1089	124	580	303	903	202	1119

<b>Mérida</b>	1038	438	398	274	722	350	732
<b>Murcia</b>	681	277	425	621	625	335	994
<b>Orense</b>	1135	917	559	855	818	830	173
<b>Oviedo</b>	967	863	505	860	651	776	286
<b>Palencia</b>	768	656	248	715	452	570	440
<b>Pamplona</b>	563	798	333	996	165	712	692
<b>Pontevedra</b>	1247	1030	672	812	931	943	133
<b>Salamanca</b>	922	631	273	545	606	544	460
<b>S.Sebastian</b>	638	864	418	998	251	777	639
<b>Santander</b>	786	852	426	911	469	765	454
<b>S.Compostela</b>	1182	1019	661	879	866	932	74
<b>Segovia</b>	741	508	150	643	424	421	527
<b>Sevilla</b>	1088	248	590	94	914	247	922
<b>Soria</b>	545	636	171	841	228	550	619
<b>Tarragona</b>	192	793	488	998	212	706	1011
<b>Teruel</b>	520	553	245	758	249	466	895
<b>Toledo</b>	770	366	129	576	453	280	658
<b>Valencia</b>	443	498	333	749	387	457	948
<b>Valladolid</b>	805	607	249	667	489	520	439
<b>Vitoria</b>	645	768	358	903	329	682	599
<b>Zamora</b>	903	670	313	611	587	584	395
<b>Zaragoza</b>	390	722	257	928	74	636	781

*Tabla 11: Matriz principal*

	<b>León</b>	<b>Lérida</b>	<b>Logroño</b>	<b>Lugo</b>	<b>Madrid</b>	<b>Málaga</b>	<b>Mérida</b>	<b>Murcia</b>
<b>Albacete</b>	597	473	549	759	253	502	442	144
<b>Alicante</b>	762	486	654	925	419	472	626	82
<b>Almería</b>	886	758	868	1049	552	201	590	218
<b>Ávila</b>	264	571	390	427	108	636	308	511
<b>Badajoz</b>	498	866	665	660	404	421	66	670
<b>Barcelona</b>	784	163	477	995	624	997	961	589
<b>Bilbao</b>	336	450	136	484	402	920	671	783
<b>Burgos</b>	183	447	134	395	249	768	519	631
<b>Cáceres</b>	408	759	575	570	297	475	75	651
<b>Cádiz</b>	786	1110	953	948	648	234	309	566
<b>Castellón</b>	759	241	479	921	419	719	658	311
<b>Ciudad Real</b>	541	657	523	703	206	341	243	361
<b>Córdoba</b>	731	847	713	894	397	158	245	476
<b>Cuenca</b>	505	441	369	668	165	564	480	286
<b>Gerona</b>	862	231	555	1073	702	1089	1038	681
<b>Granada</b>	754	870	736	916	419	124	438	277
<b>Guadalajara</b>	396	405	270	559	62	580	398	425
<b>Huelva</b>	751	1075	918	914	613	303	274	621
<b>Huesca</b>	546	112	239	756	385	903	722	625
<b>Jaén</b>	667	783	649	830	333	202	350	335
<b>La Coruña</b>	315	928	614	97	591	1119	732	994
<b>León</b>	0	619	305	223	337	865	479	741
<b>Lérida</b>	619	0	316	834	463	981	800	550
<b>Logroño</b>	305	316	0	521	329	847	646	692
<b>Lugo</b>	223	834	521	0	498	1026	640	902
<b>Madrid</b>	337	463	329	498	0	529	342	400
<b>Málaga</b>	865	981	847	1026	529	0	395	400

<b>Mérida</b>	479	800	646	640	342	395	0	604
<b>Murcia</b>	741	550	692	902	400	400	604	0
<b>Orense</b>	296	896	583	94	501	991	597	904
<b>Oviedo</b>	125	729	416	227	446	974	587	850
<b>Palencia</b>	131	530	217	348	240	768	443	644
<b>Pamplona</b>	383	324	85	599	389	910	723	725
<b>Pontevedra</b>	409	1009	696	195	613	948	584	1017
<b>Salamanca</b>	206	684	371	367	215	666	272	618
<b>S.Sebastian</b>	385	410	167	602	452	975	726	838
<b>Santander</b>	264	547	234	395	424	964	638	810
<b>S.Compostela</b>	332	943	630	115	603	1015	699	1006
<b>Segovia</b>	274	502	326	435	92	620	412	495
<b>Sevilla</b>	668	992	835	829	534	206	192	523
<b>Soria</b>	309	306	101	526	227	745	566	593
<b>Tarragona</b>	702	100	401	919	545	904	883	495
<b>Teruel</b>	545	323	341	802	302	664	640	382
<b>Toledo</b>	404	531	397	565	72	478	301	391
<b>Valencia</b>	695	313	479	856	357	620	595	228
<b>Valladolid</b>	136	567	254	346	191	719	395	594
<b>Vitoria</b>	289	406	93	506	356	880	630	742
<b>Zamora</b>	142	664	351	303	254	733	339	658
<b>Zaragoza</b>	472	152	171	688	314	834	652	546

*Tabla 12: Matriz principal*

	Orense	Oviedo	Palencia	Pamplona	Pontevedra	Salamanca
<b>Albacete</b>	760	705	499	611	872	473
<b>Alicante</b>	926	871	665	662	1038	639
<b>Almería</b>	1049	995	789	934	1162	763
<b>Ávila</b>	427	373	187	467	540	109
<b>Badajoz</b>	567	607	462	743	523	292
<b>Barcelona</b>	1057	890	691	485	1170	845
<b>Bilbao</b>	609	282	243	155	640	397
<b>Burgos</b>	456	296	90	211	569	244
<b>Cáceres</b>	526	516	372	652	573	201
<b>Cádiz</b>	905	895	750	1031	862	580
<b>Castellón</b>	922	868	555	487	1035	636
<b>Ciudad Real</b>	704	650	444	585	817	352
<b>Córdoba</b>	841	840	634	775	797	515
<b>Cuenca</b>	668	614	400	432	781	382
<b>Gerona</b>	1135	967	768	563	1247	922
<b>Granada</b>	917	863	656	798	1030	631
<b>Guadalajara</b>	559	505	248	333	672	273
<b>Huelva</b>	855	860	715	996	812	545
<b>Huesca</b>	818	651	452	165	931	606
<b>Jaén</b>	830	776	570	712	943	544
<b>La Coruña</b>	173	286	440	692	133	460
<b>León</b>	296	125	131	383	409	206
<b>Lérida</b>	896	729	530	324	1009	684
<b>Logroño</b>	583	416	217	85	696	371
<b>Lugo</b>	94	227	348	599	195	367
<b>Madrid</b>	501	446	240	389	613	215
<b>Málaga</b>	991	974	768	910	948	666

<b>Mérida</b>	597	587	443	723	584	272
<b>Murcia</b>	904	850	644	725	1017	618
<b>Orense</b>	0	335	343	661	117	324
<b>Oviedo</b>	335	0	250	436	384	324
<b>Palencia</b>	343	250	0	296	458	168
<b>Pamplona</b>	661	436	296	0	774	449
<b>Pontevedra</b>	117	384	458	774	0	438
<b>Salamanca</b>	324	324	168	449	438	0
<b>S.Sebastian</b>	664	378	299	83	736	451
<b>Santander</b>	542	194	201	253	550	363
<b>S.Compostela</b>	106	307	447	709	70	426
<b>Segovia</b>	435	435	165	405	549	172
<b>Sevilla</b>	786	786	632	914	745	462
<b>Soria</b>	550	550	204	178	664	323
<b>Tarragona</b>	981	814	616	408	1095	768
<b>Teruel</b>	803	665	419	348	917	518
<b>Toledo</b>	566	514	326	459	680	237
<b>Valencia</b>	856	804	591	486	970	571
<b>Valladolid</b>	346	255	51	332	461	120
<b>Vitoria</b>	568	343	203	99	682	356
<b>Zamora</b>	269	251	149	430	374	66
<b>Zaragoza</b>	750	583	385	177	865	538

*Tabla 13: Matriz principal*

	S.Sebastian	Santander	S.Compostela	Segovia	Sevilla	Soria	Tarragona
<b>Albacete</b>	693	666	862	351	501	449	419
<b>Alicante</b>	748	832	1028	517	595	551	432
<b>Almería</b>	996	984	1151	640	401	769	704
<b>Ávila</b>	470	382	529	66	498	253	655
<b>Badajoz</b>	745	657	591	390	210	632	949
<b>Barcelona</b>	571	708	1104	663	996	467	100
<b>Bilbao</b>	101	100	560	352	861	222	533
<b>Burgos</b>	213	181	504	199	708	142	531
<b>Cáceres</b>	655	567	628	300	265	525	842
<b>Cádiz</b>	1033	945	929	678	122	876	1023
<b>Castellón</b>	573	710	1024	513	718	377	187
<b>Ciudad Real</b>	651	639	806	295	323	423	601
<b>Córdoba</b>	841	829	865	485	140	613	770
<b>Cuenca</b>	517	578	770	259	564	270	448
<b>Gerona</b>	638	786	1182	741	1088	545	192
<b>Granada</b>	864	852	1019	508	248	636	793
<b>Guadalajara</b>	418	426	661	150	590	171	488
<b>Huelva</b>	998	911	879	643	94	841	998
<b>Huesca</b>	251	469	866	424	914	228	212
<b>Jaén</b>	777	765	932	421	247	550	706
<b>La Coruña</b>	639	454	74	527	922	619	1011
<b>León</b>	385	264	332	274	668	309	702
<b>Lérida</b>	410	547	943	502	992	306	100
<b>Logroño</b>	167	234	630	326	835	101	401
<b>Lugo</b>	602	395	115	435	829	526	919
<b>Madrid</b>	452	424	603	92	534	227	545
<b>Málaga</b>	975	964	1015	620	206	745	904

<b>Mérida</b>	726	638	699	412	192	566	883
<b>Murcia</b>	838	810	1006	495	523	593	495
<b>Orense</b>	664	542	106	435	786	550	981
<b>Oviedo</b>	378	194	307	435	786	550	814
<b>Palencia</b>	299	201	447	165	632	204	616
<b>Pamplona</b>	83	253	709	405	914	178	408
<b>Pontevedra</b>	736	550	70	549	745	664	1095
<b>Salamanca</b>	451	363	426	172	462	323	768
<b>S.Sebastian</b>	0	196	656	407	916	263	493
<b>Santander</b>	196	0	470	360	828	321	632
<b>S.Compostela</b>	656	470	0	536	806	636	1029
<b>Segovia</b>	407	360	536	0	559	192	589
<b>Sevilla</b>	916	828	806	559	0	759	903
<b>Soria</b>	263	321	636	192	759	0	390
<b>Tarragona</b>	493	632	1029	589	903	390	0
<b>Teruel</b>	433	572	904	395	663	239	336
<b>Toledo</b>	523	522	667	158	477	299	618
<b>Valencia</b>	571	710	957	448	654	377	259
<b>Valladolid</b>	335	247	448	116	585	208	651
<b>Vitoria</b>	101	161	616	315	820	187	491
<b>Zamora</b>	443	344	361	190	529	305	749
<b>Zaragoza</b>	263	401	798	358	845	159	236

*Tabla 14: Matriz principal*

	Teruel	Toledo	Valencia	Valladolid	Vitoria	Zamora	Zaragoza
<b>Albacete</b>	221	247	187	450	598	513	392
<b>Alicante</b>	319	413	166	616	744	679	484
<b>Almería</b>	591	499	438	739	901	803	756
<b>Ávila</b>	412	131	465	120	374	179	424
<b>Badajoz</b>	706	367	661	414	650	358	718
<b>Barcelona</b>	428	692	351	728	567	825	313
<b>Bilbao</b>	473	468	611	280	62	377	302
<b>Burgos</b>	378	315	589	127	118	225	300
<b>Cáceres</b>	600	260	629	324	559	268	611
<b>Cádiz</b>	782	611	774	702	938	646	962
<b>Castellón</b>	144	433	73	612	569	675	309
<b>Ciudad Real</b>	361	118	352	394	555	458	510
<b>Córdoba</b>	530	344	521	584	745	582	700
<b>Cuenca</b>	147	179	199	358	510	422	289
<b>Gerona</b>	520	770	443	805	645	903	390
<b>Granada</b>	553	366	498	607	768	670	722
<b>Guadalajara</b>	245	129	333	249	358	313	257
<b>Huelva</b>	758	576	749	667	903	611	928
<b>Huesca</b>	249	453	387	489	329	587	74
<b>Jaén</b>	466	280	457	520	682	584	636
<b>La Coruña</b>	895	658	948	439	599	395	781
<b>León</b>	545	404	695	136	289	142	472
<b>Lérida</b>	323	531	313	567	406	664	152
<b>Logroño</b>	341	397	479	254	93	351	171
<b>Lugo</b>	802	565	856	346	506	303	688
<b>Madrid</b>	302	72	357	191	356	254	314
<b>Málaga</b>	664	478	620	719	880	733	834

<b>Mérida</b>	640	301	595	395	630	339	652
<b>Murcia</b>	382	391	228	594	742	658	546
<b>Orense</b>	803	566	856	346	568	269	750
<b>Oviedo</b>	665	514	804	255	343	251	583
<b>Palencia</b>	419	326	591	51	203	149	385
<b>Pamplona</b>	348	459	486	332	99	430	177
<b>Pontevedra</b>	917	680	970	461	682	374	865
<b>Salamanca</b>	518	237	571	120	356	66	538
<b>S.Sebastian</b>	433	523	571	335	101	443	263
<b>Santander</b>	572	522	710	247	161	344	401
<b>S.Compostela</b>	904	667	957	448	616	361	798
<b>Segovia</b>	395	158	448	116	315	190	358
<b>Sevilla</b>	663	477	654	585	820	529	845
<b>Soria</b>	239	299	377	208	187	305	159
<b>Tarragona</b>	336	618	259	651	491	749	236
<b>Teruel</b>	0	326	144	422	431	558	171
<b>Toledo</b>	326	0	371	258	428	321	384
<b>Valencia</b>	144	371	0	548	569	612	309
<b>Valladolid</b>	422	258	548	0	238	101	420
<b>Vitoria</b>	431	428	569	238	0	337	261
<b>Zamora</b>	558	321	612	101	337	0	519
<b>Zaragoza</b>	171	384	309	420	261	519	0

*Tabla 15: Matriz principal*

## 9.3. CÁLCULO DE LA SOLUCIÓN

La solución se obtiene en dos pasos, en primer lugar se seleccionan las ciudades en las cuales el coste (coste de producto + coste de viaje) es mínimo y en segundo lugar se genera la ruta de compra óptima que recorre las ciudades seleccionadas.

Teniendo la matriz de distancias entre todas las posibles ciudades de compra, se puede acometer el problema de la ruta y para ello se necesitan dos funciones principalmente. Por un lado la función `lp` necesaria para seleccionar las ciudades que minimizan el coste total de la compra de los productos y por otro lado la función `solve_TSP` que permite obtener la mejor ruta una vez conocidas las ciudades donde se compran los productos.

Ahora se va a detallar como funciona cada una de ellas.

### 9.3.1. *lp*

Esta función está incluida en el paquete `lpSolve` de optimización e incluye los siguientes parámetros:

```
lp (direction = "min", objective.in, const.mat, const.dir,
const.rhs, transpose.constraints = TRUE, int.vec, presolve=0,
compute.sens=0, binary.vec, all.int=FALSE, all.bin=FALSE, scale = 196,
dense.const, num.bin.solns=1, use.rw=FALSE)
```

Sus parámetros significan lo siguiente:

- **direction**: "min" para minimizar y "max" para maximizar.
- **objective.in**: Vector con los coeficientes de la función objetivo.
- **const.mat**: Matriz de coeficientes de restricción. Una fila por restricción y una columna por variable.
- **const.dir**: Vector de dirección de las restricciones. "<","<=",">",">=","=".
- **const.rhs**: Vector de valores numéricos a la derecha de las restricciones.
- **transpose.costraints**: De forma predeterminada cada restricción ocupa una fila de `const.mat`. En caso de querer en columna, `transpose.costraints:= FALSE`.
- **int.vec**: Vector numérico que da los índices de las variables que se requieren para ser un número entero.
- **presolve**: Numérico: ¿presolve? Por defecto 0(no).
- **compute.sens**: Numérico: ¿calcular la sensibilidad? Por defecto 0(no).
- **binary.vec**: Vector numérico que da los índices de las variables que se

requieren para ser un número binario.

- all.int: Todas las variables de número entero Por defecto FALSE.
- all.bin: Todas las variables de número binario. Por defecto FALSE.
- scale: Escala. 196 por defecto.
- num.bin.solns: si all.bin = TRUE, el usuario puede solicitar hasta num.bin.solns soluciones óptimas.
- use.rw: Si es TRUE y num.bin.solns > 1 , comprueba si hay algún error. Concretamente, en este caso, solo se utilizan las 5 primeras y el resto de parámetros aparecerán con su opción por defecto.(«lpSolve.pdf», s. f.)

### 9.3.2. solve\_TSP

Esta función está incluida en el paquete "TSP" e incluye los siguientes parámetros:

```
solve_TSP(x, method = NULL, control = NULL, ...)
```

Sus parámetros significan lo siguiente:

- x: Objeto *TSP*, generalmente una matriz cuadrada que informa de las distancias entre las ciudades.
- method: Algoritmo con el cual se obtiene la solución. Hay 4 tipos:
  - nearest\_insertion: En cada paso elige la ciudad más cercana a una ciudad que pertenece a la ruta.
  - farthest\_insertion: En cada paso elige la ciudad más lejana a una ciudad que pertenece a la ruta.
  - cheapest\_insertion: En cada paso elige la ciudad que minimice el incremento de la longitud de la ruta.
  - arbitrary\_insertion: En cada paso elige la ciudad de forma aleatoria entre las que quedan por incluir en la ruta.
- control: Permite controlar el cálculo de las soluciones. En este caso se utilizara para fijar la ciudad origen.
- ...: Argumentos adicionales de control.(«R: TSP solver interface», s. f.)

## 10. CREACIÓN DE LA APLICACIÓN

La aplicación se ha generado a través del software libre RStudio ( Version 0.99.893 – © 2009-2016 RStudio, In) descrito anteriormente. Este software permite cargar espacios de trabajos generados anteriormente en R-Project mediante el tipo de archivo R Workspace (.RData), incluye toda la funcionalidad de R y además permite el trabajo con la librería shiny para generación de apps.

Se crean los archivos `.R` que contienen los códigos que harán que la aplicación facilite los resultados que se desean obtener.

Es importante mencionar que todos los archivos deben encontrarse en la misma carpeta. Es posible conocer la ubicación de los archivos con los que se está trabajando mediante la utilización del comando `getwd()` en la consola de RStudio.

### 10.1. ARCHIVOS GENERADORES DE LA APLICACIÓN

Los archivos `.R` se generan desde la interfaz de RStudio a través del siguiente proceso:

File —> New File —> R Script

Los archivos principales son dos, `server.R` y `ui.R`. Estos dos archivos son indispensables y obligatorios para que la aplicación pueda funcionar y necesariamente el nombre de los dos debe ser ese.(«Shiny», s. f.)

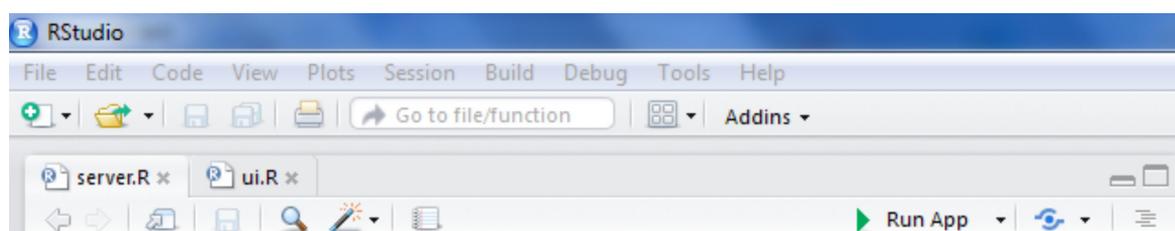


Ilustración 20: Archivos RStudio

#### **server.R**

En este archivo se incluye la secuencia de comandos que necesita el servidor, es decir, las instrucciones que el equipo precisa para construir la aplicación. En él se plantean los objetos necesarios para la resolución del problema.

El código mínimo que debe contener es: `shinyServer(function(input, output) {})`.

## ui.R

Este archivo contiene la secuencia de comandos de interfaz de usuario que controla el diseño y aspecto de la aplicación. En él se definen las variables de entrada que el usuario elegirá y los elementos de salida que se mostrarán en la página html.

El código mínimo que debe contener es: `shinyUI(fluidPage())`.

### 10.1.1. Archivo *server.R*

Lo primero es cargar todos los paquetes que se utilizan en este archivo. Esto se realiza a través de la función `library`, que es la que permite el cargado de todo tipo de paquetes.

En este caso los paquetes necesarios son: `shiny`, `TSP`, `rJava`, `xlsx` y `lpSolve`. Todos ellos explicados en el apartado *Paquetes de R necesarios*.

```
2 library(shiny)
3 library(TSP)
4 library(rJava)
5 library(xlsx)
6 library(lpSolve)
```

Ilustración 21: Paquetes *server.R*

Después de haber cargado los paquetes, se crean las instrucciones que hacen que la aplicación obtenga el resultado que se desea. Como se mencionó anteriormente se debe empezar con el código mínimo `shinyServer(function(input, output){})`, dentro del cual se encuentra el resto de código del archivo.

```
9 shinyServer(function(input, output) {
```

Ilustración 22: *shinyServer*

Luego se define `Distancias` que es la matriz que contiene todas las distancias entre las ciudades, las cuales pueden verse de forma clara en el apartado anteriormente nombrado *Matriz Principal*.

```
Distancias<-matrix(rbind(
  c(0,168,354,368,503,511,639,486,507,621,235,200,370,142,604,360,28
  c(168,0,291,534,688,524,787,652,673,640,248,385,555,308,617,351,44
  c(354,291,0,658,610,796,942,789,664,436,520,392,353,496,889,168,60
  c(368,534,658,0,328,731,416,263,238,615,531,250,504,276,809,526,16
  c(503,688,610,328,0,1026,691,538,93,328,726,311,265,547,1104,464,4
  c(511,524,796,731,1026,0,610,606,920,1116,280,695,865,541,103,888,
  c(639,787,942,416,691,610,0,158,601,978,611,598,788,552,687,811,39
  c(486,652,789,263,538,606,158,0,449,826,516,445,636,399,685,659,24
  c(507,673,664,238,93,920,601,449,0,382,694,272,265,440,997,518,357
  c(621,640,436,615,328,1116,978,826,382,0,839,448,260,684,1208,291,
  c(235,248,520,531,726,280,611,516,694,839,0,417,587,263,372,610,38
  c(200,385,392,250,311,695,598,445,272,448,417,0,192,267,786,259,25
```

*Ilustración 23: Matriz Distancias*

A esta matriz se le añaden los nombres de las ciudades, tanto en fila como en columna.

```
attributes(Distancias)$dimnames[[1]]<-c("ALBACETE", "ALICANTE", "ALMERIA", "AVILA", "BADAJOZ", "BARCELONA", "BILBAO", "BURGOS",
  "CACERES", "CADIZ", "CASTELLON", "CIUDAD.REAL",
  "CORDOBA", "CUENCA", "GERONA", "GRANADA", "GUADALAJARA", "HUELVA", "HUESCA", "JAEN",
  "LA.CORUNA", "LEON", "LERIDA", "LOGRONO",
  "LUGO", "MADRID", "MALAGA", "MERIDA",
  "MURCIA", "ORENSE", "OVIEDO", "PALENCIA",
  "PAMPLONA", "PONTEVEDRA", "SALAMANCA", "SAN.SEBASTIAN",
  "SANTANDER", "SANTIAGO.DE.COMPOSTELA", "SEGOVIA", "SEVILLA",
  "SORIA", "TARRAGONA", "TERUEL", "TOLEDO",
  "VALENCIA", "VALLADOLID", "VITORIA", "ZAMORA",
  "ZARAGOZA")
```

*Ilustración 24: Nombres Matriz Distancias 1*

```
attributes(Distancias)$dimnames[[2]]<-c("ALBACETE", "ALICANTE", "ALMERIA", "AVILA", "BADAJOZ", "BARCELONA", "BILBAO", "BURGOS",
  "CACERES", "CADIZ", "CASTELLON", "CIUDAD.REAL",
  "CORDOBA", "CUENCA", "GERONA", "GRANADA", "GUADALAJARA", "HUELVA", "HUESCA", "JAEN",
  "LA.CORUNA", "LEON", "LERIDA", "LOGRONO",
  "LUGO", "MADRID", "MALAGA", "MERIDA",
  "MURCIA", "ORENSE", "OVIEDO", "PALENCIA",
  "PAMPLONA", "PONTEVEDRA", "SALAMANCA", "SAN.SEBASTIAN",
  "SANTANDER", "SANTIAGO.DE.COMPOSTELA", "SEGOVIA", "SEVILLA",
  "SORIA", "TARRAGONA", "TERUEL", "TOLEDO",
  "VALENCIA", "VALLADOLID", "VITORIA", "ZAMORA",
  "ZARAGOZA")
```

*Ilustración 25: Nombres Matriz Distancias 2*

Para continuar se hace referencia a la lectura del archivo de precios. Se realiza a través de la función `read.xlsx` y en caso de no haber un archivo cargado sale el mensaje `NULL`.

```

11 dataset=reactive({
12   infile=input$file1
13   if(is.null(infile))
14     return(NULL)
15   read.xlsx(infile$datapath,1,header=FALSE,colClasses=rep("numeric",10))
16 })
  
```

Ilustración 26: Dataset

Posteriormente se crea un objeto, llamado `RutaCompra`, que contiene todos los pasos para la obtención del resultado final. En este caso ese resultado es el nombre de las ciudades que forman parte de la ruta.

Además es importante indicar que se utiliza la función `reactive()`, que ofrece shiny, para que se vuelva a calcular el resultado inmediatamente una vez cambiadas las variables de entradas.

```

19 #output$ruta
20 RutaCompra<-reactive({
  
```

Ilustración 27: outputRuta

A continuación se realizan una serie de funciones para dejar la matriz de distancias, como se desea, para que sea utilizada en la obtención del resultado.

Se define `Matrizkm`, que es una matriz 49x10, en la cual todas sus columnas son iguales debido a que se coge la columna que contiene las distancias entre la ciudad que el usuario escoge como origen y todas las ciudades que forman parte de la ruta. Esta columna se copia 10 veces originando dicha matriz.

```

21 Matrizkm<-matrix(rep(Distancias[,input$origen],10),nrow=49)
  
```

Ilustración 28: Matrizkm

También se prepara la matriz de los precios de los productos para su uso, porque en el caso de que un producto no esté en una ciudad, su hueco vacío sea sustituido por un valor muy grande, 10000. Esto es muy necesario debido a que sino el programa consideraría esos huecos como cero y haría que el resultado que sacara la aplicación fuera erróneo.

```

22 A<-dataset()
23 FuncionCeroF<-function(x,y){if(is.na(A[x,y])) 10000 else A[x,y]}
24 B<-as.data.frame(matrix(apply(FuncionCeroF,rep(seq(1,49),rep(10,49)),rep(seq(1,10),49)),byrow=T,ncol=10))
  
```

Ilustración 29: Matriz precios

Luego se define la matriz  $MM$ , la cual es la suma del coste de los kilómetros y el coste de los productos.

```
25 MM<-as.matrix(input$costekm*Matrizkm+B)
```

*Ilustración 30: Matriz MM*

A continuación se definen la función objetivo y las restricciones para resolver en problema `lp_solve`.

La función objetivo son los términos de la matriz  $MM$  definida anteriormente.

```
26 objective.in<-as.numeric(c(MM[1,1],MM[2,1],MM[3,1],MM[4,1],MM[5,1], MM[6,1],MM[7,1],MM[8,1],MM[9,1]
27 MM[1,2],MM[2,2],MM[3,2],MM[4,2],MM[5,2], MM[6,2],MM[7,2],MM[8,2],MM[9,2],MM[10,2],MM[11,2],MM[1
28 MM[1,3],MM[2,3],MM[3,3],MM[4,3],MM[5,3], MM[6,3],MM[7,3],MM[8,3],MM[9,3],MM[10,3],MM[11,3],MI
29 MM[1,4],MM[2,4],MM[3,4],MM[4,4],MM[5,4], MM[6,4],MM[7,4],MM[8,4],MM[9,4],MM[10,4],MM[11,4],MI
30 MM[1,5],MM[2,5],MM[3,5],MM[4,5],MM[5,5], MM[6,5],MM[7,5],MM[8,5],MM[9,5],MM[10,5],MM[11,5],MI
31 MM[1,6],MM[2,6],MM[3,6],MM[4,6],MM[5,6], MM[6,6],MM[7,6],MM[8,6],MM[9,6],MM[10,6],MM[11,6],MI
32 MM[1,7],MM[2,7],MM[3,7],MM[4,7],MM[5,7], MM[6,7],MM[7,7],MM[8,7],MM[9,7],MM[10,7],MM[11,7],MI
33 MM[1,8],MM[2,8],MM[3,8],MM[4,8],MM[5,8], MM[6,8],MM[7,8],MM[8,8],MM[9,8],MM[10,8],MM[11,8],MI
34 MM[1,9],MM[2,9],MM[3,9],MM[4,9],MM[5,9], MM[6,9],MM[7,9],MM[8,9],MM[9,9],MM[10,9],MM[11,9],MI
35 MM[1,10],MM[2,10],MM[3,10],MM[4,10],MM[5,10], MM[6,10],MM[7,10],MM[8,10],MM[9,10],MM[10,10],MI
```

*Ilustración 31: objective.in*

Las restricciones, en el caso de este problema, son que cada producto solo se tiene que comprar una vez.

```
37 const.mat<-rbind(rep(c(1,0),c(49,49*9)),
38 c(rep(0,49),rep(1,49),rep(0,49*8)),
39 c(rep(0,49*2),rep(1,49),rep(0,49*7)),
40 c(rep(0,49*3),rep(1,49),rep(0,49*6)),
41 c(rep(0,49*4),rep(1,49),rep(0,49*5)),
42 c(rep(0,49*5),rep(1,49),rep(0,49*4)),
43 c(rep(0,49*6),rep(1,49),rep(0,49*3)),
44 c(rep(0,49*7),rep(1,49),rep(0,49*2)),
45 c(rep(0,49*8),rep(1,49),rep(0,49*1)),
46 c(rep(0,49*9),rep(1,49),rep(0,49*0)))
47
48 const.dir<-c("=", "=", "=", "=", "=", "=", "=", "=", "=", "=")
49 const.rhs<-c(1,1,1,1,1,1,1,1,1,1)
```

*Ilustración 32: const.mat*

Una vez definidos los objetos necesarios se resuelve el problema minimizando el coste total.

```

50 sol<-lp (direction = "min", objective.in=objective.in,const.mat=const.mat
51         const.dir=const.dir, const.rhs=const.rhs)
52
53 sol$solution
    
```

*Ilustración 33: sol lp*

Después de obtener la solución, la cual se obtiene con ceros y unos, se modifica para que salgan los nombres de las ciudades correspondientes.

```

55 CiudadesReparto1<-which(sol$solution=="1")
56 CiudadesReparto<-which(sol$solution=="1")-c(0,49,49*2,49*3,49*4,49*5,49*6,49*7,49*8,49*9)
57 CiudadesrutaP<-attributes(Distancias)$dimnames[[2]][CiudadesReparto]
58 Ciudadesruta<-as.vector(labels(table(CiudadesrutaP))$CiudadesrutaP)
    
```

*Ilustración 34: Ciudadesruta*

Puede existir el problema de que la ciudad elegida como *Origen* aparezca dos veces en la ruta debido a que también puede ser seleccionada en la ruta de compra. Por ello se crea una función que capaz de distinguir si la ciudad *Origen* se encuentra o no.

```

62 ▾ if(input$Origen%in%Ciudadesruta==TRUE){
63     Matriz<-Distancias[Ciudadesruta,Ciudadesruta]}
64 ▾ else { Matriz<-Distancias[c(input$Origen,Ciudadesruta),
65                               c(input$Origen,Ciudadesruta)]}
    
```

*Ilustración 35: Duplicidad Ciudad Origen*

También puede ocurrir que la compra de todos los productos se realice en la ciudad de origen y en la ruta de compra solo aparecería su nombre.

```

69 if (length(Ciudadesruta)<2) paste(input$origen)
70 ▾ else {
71     CiudadesRepartoTSP<-TSP(Matriz, labels = NULL)
    
```

*Ilustración 36: Ciudad Origen unica en la ruta*

Se definen los objetos que hacen referencia a la ciudad *Origen* y al algoritmo, que el usuario elige.

```

74 #Se define ciudad de origen
75 initialtour<-as.integer(which(labels(Matriz)[[1]]==input$origen[1]))
76
77 #Algoritmo
78 method1<-input$Method

```

*Ilustración 37: Objetos Ciudad Origen y Algoritmo*

Como la solución debe ser un ciclo hamiltoniano, es necesario incluir una ciudad que actúe como corte y se encuentre a distancia nula del resto de las ciudades de la matriz. Esta función se realiza mediante `insert_dummy`.

```

80 #Hay que insertar la dummy city para hacer el tour hamiltoniano
81 CRTsp <- insert_dummy(CiudadesRepartoTSP, label = "cut")

```

*Ilustración 38: dummy city*

El hecho de llamar cut a esta ciudad se debe a que ejerce como ciudad de corte y permite optimizar el problema dividiéndolo en racimos y uniendo estos entre sí, tal y como ya hicieron en su día Dantzig, Fulkerson y Johnson. A este hecho se le llama técnica de ramificación y poda. La técnica de ramificación y poda se suele interpretar como un árbol de soluciones, donde cada rama nos lleva a una posible solución posterior a la actual. La característica de esta técnica con respecto a otras anteriores

(y a la que debe su nombre) es que el algoritmo se encarga de detectar en qué ramificación las soluciones dadas ya no están siendo óptimas, para «podar» esa rama del árbol y no continuar malgastando recursos y procesos en casos que se alejan de la solución óptima.

Teniendo ya todos los ingredientes preparados, se puede obtener las ciudades que forman parte de la ruta, es decir, nuestra solución.

La función `labels()` permite la obtención de los nombres de las ciudades por orden en las que deben visitarse pero debe tenerse en cuenta que existe la ciudad `cut` creada para obtener el ciclo hamiltoniano. Por esta razón debe programarse para que esta ciudad no aparezca en la solución que se muestra.

```

83 #Resultado
84 results1<-solve_TSP((CRTsp),method1,control=list(start=initialtour))
85
86 #función labels ofrece los nombres
87 labels(results1)[labels(results1)!="cut"]
--

```

*Ilustración 39: Resultado nombres de las ciudades*

El siguiente objeto creado es `LongitudRuta` que es el que permite obtener los kilómetros que tiene la ruta de compra. El código es similar al utilizado para calcular el objeto `RutaCompra` salvo por dos modificaciones.

```
92 #output$distancia
93 > LongitudRuta<-reactive({
```

*Ilustración 40: outputdistancia*

La primera modificación hace referencia a cuando la compra de todos los productos se realice en la ciudad de origen. Si se da esta situación en el campo de *Longitud de la ruta* tiene que salir cero.

```
137   if(length(Ciudadesruta)<2)
138     (0)
139 > else {
```

*Ilustración 41: Longitud de la ruta igual a cero*

La segunda modificación tiene que ver con que este caso se quiere calcular la longitud de la ruta mientras que en el anterior se obtenía la ruta de reparto. Para conseguir la longitud se utiliza la función `tour_length()`.

```
157   #valor de la longitud del tour
158   v<-as.integer(results1)
159   tour_length(CRTsp, v)
```

*Ilustración 42: tour\_length*

Como se ha nombrado anteriormente también se quiere saber qué producto se compra en cada ciudad. Para ello se crea el objeto `CiudadesProducto`.

```
164 #CiudadesProducto
165 > CiudadesProducto<-reactive({
```

*Ilustración 43: outputCiudadesProducto*

En este caso se utiliza solo la primera parte de los códigos anteriores, hasta el objeto `CiudadesRuta` que es sustituido por `Ciudades` donde se cogen los nombres de las ciudades.

```
202 Ciudades<-attributes(Distancias)$dimnames[[2]][CiudadesReparto]
203 Ciudades
```

*Ilustración 44: Ciudades cada producto*

Una vez conseguido que los objetos `CiudadesProducto`, `LongitudRuta` y `RutaCompra` contengan la información que se quiere, esta tiene que ser llevada al archivo `ui.R`. Para ello se crean salidas que serán llamadas por `ui.R` para sacar la información por pantalla. Estas salidas son las siguientes:

- `output$DatosCostes`

```
208 output$DatosCostes<-renderTable({TablaCostes<-dataset()
209 Costes<-c("ALBACETE", "ALICANTE", "ALMERIA", "AVILA", "BADAJOZ", "BARCELONA", "BILBAO", "BURGOS",
210           "CACERES", "CADIZ", "CASTELLON", "CIUDAD.REAL",
211           "CORDOBA", "CUENCA", "GERONA", "GRANADA", "GUADALAJARA", "HUELVA", "HUESCA", "JAEN",
212           "LA.CORUNA", "LEON", "LERIDA", "LOGRONO",
213           "LUGO", "MADRID", "MALAGA", "MERIDA",
214           "MURCIA", "ORENSE", "OVIEDO", "PALENCIA",
215           "PAMPLONA", "PONTEVEDRA", "SALAMANCA", "SAN.SEBASTIAN",
216           "SANTANDER", "SANTIAGO.DE.COMPOSTELA", "SEGOVIA", "SEVILLA",
217           "SORIA", "TARRAGONA", "TERUEL", "TOLEDO",
218           "VALENCIA", "VALLADOLID", "VITORIA", "ZAMORA",
219           "ZARAGOZA")
220 dimnames(TablaCostes)[[1]]<-Costes
221 TablaCostes})
```

*Ilustración 45: outputDatosCostes*

- `output$CiudadesConProducto`

```
224 output$CiudadesConProducto<-renderTable({
225     rbind(CiudadesProducto())
226 })
```

*Ilustración 46: outputCiudadesConProducto*

- `output$RutaDeCompra`

```
228 output$RutaDeCompra<- renderTable({
229     Tabla<-data.frame(RutaCompra())
230     names(Tabla)<- "Ruta de compra"
231     Tabla
232 })
```

*Ilustración 47: outputRutaDeCompra*

- `output$LongitudDeLaRuta`

```
235 output$LongitudDeLaRuta<- renderPrint({
236   LongitudRuta()
237 })
```

Ilustración 48: `outputLongitudDeLaRuta`

Las funciones `renderTable`, `renderPrint` y `renderText` son diferentes formas de generar outputs según el tipo de lo que se desea sacar.

### 10.1.2. Archivo `ui.R`

Al igual que en el archivo `server.R`, el primer paso es cargar el paquete `shiny` que permite la creación de la aplicación.

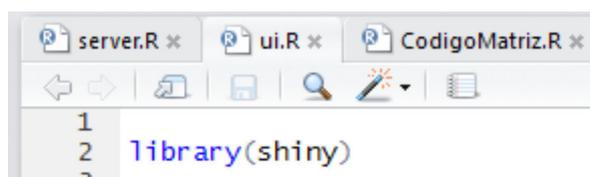


Ilustración 49: Paquetes `ui.R`

Una vez cargado el paquete `shiny` ya se puede comenzar la construcción del diseño y aspecto de la aplicación. Al igual que el archivo `server.R`, este archivo debe empezar con el código mínimo `shinyUI(fluidPage())`, dentro del cual se encuentra el resto de código del archivo.

```
4 shinyUI(fluidPage(
```

Ilustración 50: `shinyUI`

La aplicación da comienzo con el título, que en este caso es una imagen con el logo y nombre de la app.

```
6 # Título de la aplicación
7 titlePanel(img(src="SY.png")),
```

Ilustración 51: Título de la aplicación

A continuación se introducen los campos que el cliente tiene que elegir para obtener la ruta que desea. Estos elementos se encuentran en un fondo de color gris y se ordenan de izquierda a derecha y de arriba a abajo.

```

9      # sidebarPanel con los inputs
10     sidebarLayout(
11       inputPanel(

```

Ilustración 52: Panel con inputs

Lo primero es crear un control de carga de archivos con el cual el usuario cargara el archivo con la lista de precios de los productos. Este apartado tiene el título *Introducir archivos de precios*.

```

13     fileInput('file1', "Introducir archivos de precios",
14              accept=c('sheetName','header'),multiple=FALSE),
15

```

Ilustración 53: input archivo de precios

El segundo input es el *Coste de transporte por kilometro*. Se establece un valor predeterminado de 0.05 y se fija que el mínimo es 0 y el máximo 100. Se introduce de la siguiente forma

```

16     numericInput("costekm", "Coste transporte por km",min=0,max=100,value=0.05),
17

```

Ilustración 54: input coste kilometro

A continuación se crea una lista con el nombre de todas las ciudades para que el usuario seleccione el origen de la ruta. Es una barra despegable donde aparecen las ciudades en orden alfabético

```

19 selectInput("origen",label="Origen Ruta",
20             choices=c("ALBACETE","ALICANTE","ALMERÍA"="ALMERIA","ÁVILA"="AVILA",
21                     "BADAJOZ","BARCELONA","BILBAO","BURGOS",
22                     "CÁCERES"="CACERES","CÁDIZ"="CADIZ","CASTELLÓN"="CASTELLON","CIUDAD REAL"="CIUDAD.REAL",
23                     "CÓRDOBA"="CORDOBA","CUENCA","GERONA","GRANADA",
24                     "GUADALAJARA","HUELVA","HUESCA","JAÉN"="JAEN",
25                     "LA CORUÑA"="LA.CORUNA","LEÓN"="LEON","LÉRIDA"="LERIDA","LOGROÑO"="LOGRONO",
26                     "LUGO","MADRID","MÁLAGA"="MALAGA","MÉRIDA"="MERIDA",
27                     "MURCIA","ORENSE","OVIEDO","PALENCIA",
28                     "PAMPLONA","PONTEVEDRA","SALAMANCA","SAN SEBASTIÁN"="SAN.SEBASTIAN",
29                     "SANTANDER","SANTIAGO DE COMPOSTELA"="SANTIAGO.DE.COMPOSTELA","SEGOVIA","SEVILLA",
30                     "SORIA","TARRAGONA","TERUEL","TOLEDO",
31                     "VALENCIA","VALLADOLID","VITORIA","ZAMORA",
32                     "ZARAGOZA"),
33             selected="MADRID"),

```

Ilustración 55: input origen ruta

Como se observa al final del código aparece el término `selected` que permite fijar por defecto la ciudad de origen. En este caso se establece que sea Madrid debido a que es la capital del país.

El último input permite seleccionar el algoritmo con el que se quiere resolver el problema y al igual que el anterior, la selección es a través de una barra despegable. Los algoritmos son los siguientes:

- `nearest_insertion`
- `farthest_insertion`
- `cheapest_insertion`
- `arbitrary_insertion`

Se establece como predeterminado el algoritmo `nearest_insertion` debido a que es el que *TSP* propone como tal.

```
37     selectInput("Method",label="Algoritmo",
38                 choices=c("nearest_insertion", "farthest_insertion",
39                 "cheapest_insertion", "arbitrary_insertion"
40                 ),selected="nearest_insertion"),
41
```

Ilustración 56: input algoritmo

El código de los elementos de entrada se cierra con `width` que determina la anchura de la entrada. El valor es 12 que se ajusta al ancho de una ventana html.

```
43         width=12
44     ),
```

Ilustración 57: width

Una vez programadas las entradas se sigue con la creación de las outputs o salidas que se quiere que aparezcan en la aplicación y todas ellas deben estar incluidas dentro de `mainPanel()` que está destinado a esa función. Dentro de `mainPanel` se utiliza `tabsetPanel` y `tabPanel` para generar diferentes pestañas dentro de la aplicación.

```
47     #mainpanel con los outputs
48     mainPanel(
49         tabsetPanel(
50             tabPanel(
```

Ilustración 58: Panel con outputs

La primera pestaña recibe el nombre de *Introducción* y en ella se da la bienvenida al usuario y se le dan las instrucciones necesarias para que utilice la aplicación de forma correcta.

```

50 tabPanel(strong(p(span("Introducción"))),
51     h3(strong(span("Bienvenido a Purchaser App",style= "color:blue"))),
52     h4(span("Esta aplicación te permite obtener, de forma rápida y simple ,la mejor ruta para
53         comprar los productos que necesitas.")),
54     h4(span("Solo tienes que seguir estos sencillos pasos:")),
55     h5(span("- cargar el fichero xls con los precios de los productos.La tabla debe ser
56         49x10(CiudadesxProductos), todos datos deben ser numéricos y en caso de no haber
57         producto en alguna ciudad dejar un espacio en blanco. ")),
58     h5(span("- Introducir el coste por kilometro del transporte utilizado .")),
59     h5(span("- seleccionar la ciudad origen de la ruta.")),
60     h5(span("- Elegir el algoritmo con el que se desea obtener la ruta óptima. ")),
61     h6(em("***nearest_insertion. "),"En cada paso elige la ciudad más cercana a una ciudad de
62         la ruta. "),
63     h6(em("***farthest_insertion. "),"En cada paso elige la ciudad más lejana a una ciudad de
64         la ruta. "),
65     h6(em("***cheapest_insertion. "),"En cada paso elige la ciudad que hace minimo el incremento
66         de la ruta. "),
67     h6(em("***arbitrary_insertion. "),"En cada paso elige la ciudad arbitrariamente entre las
68         que quedan por incluir en la ruta."),
69     h4(span("una vez eligidos los campos anteriores observar la ruta y su longitud en
70         la pestaña",strong(" Ruta de compra",style= "color:blue"))),

```

Ilustración 59: output introducción

A la segunda pestaña se le pone el nombre de *Matriz de Costes* y en ella simplemente se presenta la lista de precios de los productos que el usuario ha cargado. Con la función `tableOutput` se llama a un `renderTable` del archivo `server.R`, en este caso `DatosCostes`.

```

74 tabPanel(strong(p(span("Matriz de costes"))),tableOutput("DatosCostes")),

```

Ilustración 60: output matriz de costes

Por último, la tercera pestaña tiene el nombre de *Ruta de compra* y en ella se ofrecen las ciudades donde se compra cada producto, la longitud de la ruta, el orden de la ruta y un mapa de España. Se utilizan `verbatimTextOutput` que permite el procesamiento de una variable de salida como texto y `tableOutput` que ya se ha descrito en el apartado anterior. La última parte del código es:

```

77 tabPanel(strong(p("Ruta de compra")),
78     h5(strong(span("Ciudades de compra del producto"))),
79     tableOutput("CiudadesConProducto"),
80     h5(strong(span("Longitud de la ruta (Km)"))),
81     verbatimTextOutput("LongitudDeLaRuta"),
82     tableOutput("RutaDeCompra"),
83     h5(strong(span("Mapa de España"))),
84     img(src="RA.png")

```

Ilustración 61: input ruta de compra

Por último es necesario describir algunas funciones, sobretodo enfocadas a editar el tamaño y formato del texto, algunas utilizadas en el código de *ui.R*.

Código	Función
p	Un párrafo de texto
h1	Un primer nivel de cabecera
h2	Un segundo nivel de cabecera
h3	Un tercer nivel de cabecera
h4	Un cuarto nivel de cabecera
h5	Un quinto nivel de cabecera
h6	Un sexto nivel de cabecera
a	Un hipervínculo
br	Un salto de línea(línea en blanco)
div	Una división del texto con un estilo uniforme
span	Una división en la línea de texto con un estilo uniforme
pre	Texto, tal cual, en una fuente de ancho fijo
code	Un bloque de código con formato
img	Una imagen
strong	Texto en negrita
em	Texto en cursiva

*Tabla 16: Funciones tamaño y formato de texto*

## 11. INTERFAZ DE LA APLICACIÓN

La aplicación recibe el nombre de *Purchaser App* y tiene un logo ligado a él. Ambos intentan representar la finalidad que tiene dicha aplicación.



*Ilustración 62: Logotipo app*

Su diseño y apariencia están orientados a que al usuario le resulte fácil de manejar y atractiva a la vista. Esta aplicación se puede dividir en dos partes:

- Inputs o entradas: Datos que el usuario introduce según sus necesidades.
- Outputs o salidas: Resultados obtenidos conforme a los inputs introducidos.

A continuación se describe el contenido de estas dos partes.

### 11.1. INPUTS

#### *11.1.1. Introducir archivos de precios*

Consiste en un botón que permite al usuario cargar el archivo con los precios de los productos que quiere comprar. Una vez cargado aparece el nombre del archivo para comprobar que es el deseado.



*Ilustración 63: Introducir archivo de precios*

### 11.1.2. Coste transporte por kilometro

Como el propio nombre indica su función es indicar el precio por kilometro del transporte que va a utilizar el usuario.

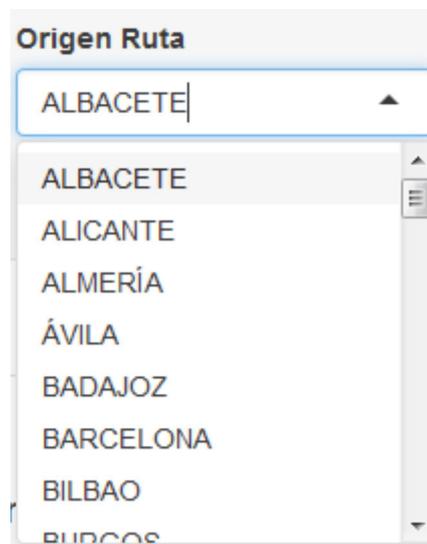


The image shows a web form element titled "Coste transporte por km". It features a text input field containing the number "0.08". To the right of the input field is a vertical spinner control with up and down arrows.

Ilustración 64: Coste transporte por kilometro

### 11.1.3. Origen Ruta

Es un desplegable que posibilita elegir al usuario la ciudad donde quiere comenzar la ruta de compra. Las ciudades se presentan ordenadas alfabéticamente.



The image shows a web form element titled "Origen Ruta". It is a dropdown menu with a search input field containing "ALBACETE". Below the input field is a list of city names: ALBACETE, ALICANTE, ALMERÍA, ÁVILA, BADAJOZ, BARCELONA, BILBAO, and BURGOS. The list is scrollable and has a search icon on the right side.

Ilustración 65: Origen Ruta

### 11.1.4. Algoritmo

Consiste en un desplegable que permite seleccionar el algoritmo que el usuario quiere utilizar en la obtención de la solución.



Ilustración 66: Algoritmo

A continuación se muestra una imagen completa de la zona de los inputs.

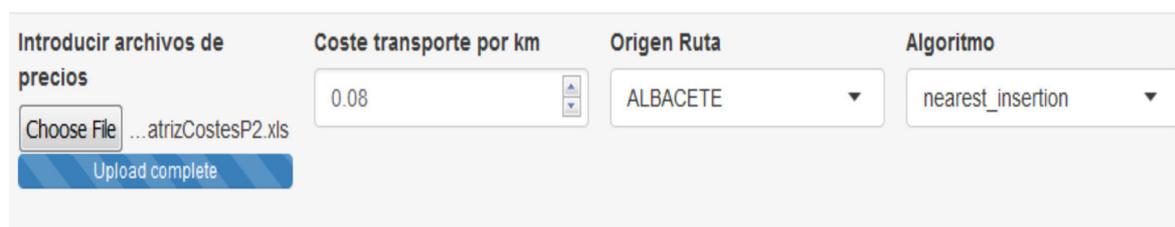


Ilustración 67: Zona inputs

## 11.2. OUTPUTS

Esta parte se divide en tres pestañas: Introducción, Matriz de Costes y Ruta de Compra.

### 11.2.1. Introducción

En esta pestaña se da la bienvenida al usuario, se describe la finalidad de la aplicación y se dan las instrucciones para su utilización.

[Introducción](#)
[Matriz de costes](#)
[Ruta de compra](#)

## Bienvenido a Purchaser App

Esta aplicación te permite obtener, de forma rápida y simple, la mejor ruta para comprar los productos que necesitas.

Solo tienes que seguir estos sencillos pasos:

- Cargar el fichero xls con los precios de los productos. La tabla debe ser 49x10(CiudadesxProductos), todos datos deben ser numéricos y en caso de no haber producto en alguna ciudad dejar un espacio en blanco.

- Introducir el coste por kilometro del transporte utilizado.

- Seleccionar la ciudad origen de la ruta.

- Elegir el algoritmo con el que se desea obtener la ruta óptima.

**\*\*nearest\_insertion.** En cada paso elige la ciudad más cercana a una ciudad de la ruta.

**\*\*farthest\_insertion.** En cada paso elige la ciudad más lejana a una ciudad de la ruta.

**\*\*cheapest\_insertion.** En cada paso elige la ciudad que hace minimo el incremento de la ruta.

**\*\*arbitrary\_insertion.** En cada paso elige la ciudad arbitrariamente entre las que quedan por incluir en la ruta.

Una vez eligidos los campos anteriores observar la ruta y su longitud en la pestaña [Ruta de compra](#)

*Ilustración 68: Introducción*

## 11.2.2.Matriz de costes

La función de esta pestaña es simplemente mostrar la lista de precios de los productos que el usuario ha cargado.

	X1	X2	X3	X4	X5	X6	X7	X8	X9	X10
ALBACETE	2049.00	2047.00	2011.00	1997.00	2037.00	1960.00	1952.00	2020.00	1953.00	2003.00
ALICANTE	2082.00	2021.00	2030.00	1980.00	2023.00	1987.00	2029.00	2014.00	2031.00	2021.00
ALMERIA	1932.00	1961.00	2070.00	2003.00	1979.00	1997.00	1950.00	2036.00	1949.00	1984.00
AVILA	2016.00	1966.00	2014.00	1959.00	1927.00	1988.00	2067.00	2004.00	1966.00	2015.00
BADAJOS	1979.00	1987.00	1981.00	1949.00	2101.00	1965.00	1927.00	2054.00	2053.00	1966.00
BARCELONA	2108.00	2069.00	2021.00	1946.00	1899.00	2028.00	2007.00	2046.00	1947.00	2073.00
BILBAO	1962.00	1994.00	2011.00	1942.00	1989.00	2061.00	1971.00	1961.00	1970.00	2018.00
BURGOS	1965.00	1965.00	2028.00	2012.00	1991.00	1970.00	2047.00	2055.00	2029.00	2061.00
CACERES	2039.00	1994.00	1976.00	1962.00	2043.00	1962.00	1955.00	2040.00	1950.00	1936.00
CADIZ	1932.00	1984.00	2021.00	2091.00	2020.00	2014.00	2050.00	1898.00	2007.00	2010.00
CASTELLON	1962.00	2067.00	2029.00	2002.00	2058.00	1962.00	2023.00	1958.00	1947.00	2036.00
CIUDAD.REAL	2045.00	2026.00	1995.00	2051.00	2021.00	1994.00	1968.00	2049.00	1967.00	1968.00

*Ilustración 69: Matriz de costes*

### 11.2.3. Ruta de compra

Esta última pestaña es la más importante debido a que es donde se muestran los datos importantes para el usuario. Estos datos son:

- Ciudades de compra del producto
- Longitud de la ruta(Km)
- Ruta de compra

Introducción
Matriz de costes
Ruta de compra

**Ciudades de compra del producto**

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	ALMERIA	GUADALAJARA	MALAGA	TERUEL	BARCELONA	VALENCIA	ALBACETE	CADIZ	CUENCA	MURCIA

**Longitud de la ruta (Km)**

[1] 2351

	Ruta de compra
1	ALBACETE
2	CUENCA
3	GUADALAJARA
4	MURCIA
5	ALMERIA
6	MALAGA
7	CADIZ
8	BARCELONA
9	VALENCIA
10	TERUEL

Ilustración 70: Ruta de compra

### 11.2.4. Información complementaria

Como información complementaria, al final de esta pestaña, se añade un mapa de España con las capitales de provincia y comunidad autónoma.



Ilustración 71: Mapa de España

## 12. CONCLUSIONES

En este TFG se ha planteado el problema del viajante comprador (TTP, Travelling Purchaser Problem) que es una generalización más compleja del problema del viajero (TSP, Travelling Salesman Problem).

Después de haber profundizado en ellos se puede concluir que los problemas de optimización de rutas siguen siendo un desafío debido a que aun no se es capaz de encontrar la solución óptima a dichos problemas, a pesar de disponer de algoritmos que intentan aproximarse lo máximo posible a esa solución ideal. De hecho estos algoritmos sujetos a los mismos datos dan soluciones distintas cada vez.

Realizar este trabajo ha posibilitado conocer más a fondo el universo de la programación en R, tanto en R-Project como en RStudio, que ofrece una amplia gama de paquetes, cada uno proporcionado una tarea específica dentro de la estadística. Actualmente existen 7234 paquetes fáciles de encontrar y comprender su funcionamiento.

La aplicación que se ha realizado puede ser utilizada por cualquier empresa o particular que necesite ir a comprar los productos que necesita por el territorio peninsular español, de forma rápida y sencilla. Ofrece al usuario la posibilidad de conocer las ciudades donde comprar cada producto, el orden para correr dichas ciudades y la longitud de la ruta simplemente contemplado varios campos.

Concretamente esta aplicación ofrece al usuario la posibilidad de comprar diez productos en 49 ciudades que son las capitales de provincia y de comunidad autónomas. En un futuro se podría mejorar o ampliar la aplicación aumentando la cantidad de productos que se pueden cargar mediante algunos cambios en el código u ofreciendo otras ciudades donde comprar los productos cambiando la matriz de distancias.

## 13. BIBLIOGRAFÍA

Distancia entre dos ciudades. (s. f.). Recuperado 17 de junio de 2016, a partir de <http://www.distanciasentreciudades.com/>

lpSolve.pdf. (s. f.). Recuperado a partir de <https://cran.r-project.org/web/packages/lpSolve/lpSolve.pdf>

Palazzesi, A. (2010, agosto 19). El algoritmo voraz. Recuperado 17 de junio de 2016, a partir de <http://www.neoteo.com/el-algoritmo-voraz>

Problema del agente viajero. (s. f.). Recuperado a partir de <http://www.uaeh.edu.mx/scige/boletin/tlahuelilpan/n3/e5.html>

Problema del viajante. (2016, mayo 21). En *Wikipedia, la enciclopedia libre*. Recuperado a partir de [https://es.wikipedia.org/w/index.php?title=Problema\\_del\\_viajante&oldid=91211119](https://es.wikipedia.org/w/index.php?title=Problema_del_viajante&oldid=91211119)

R: Create graphs from adjacency matrices. (s. f.). Recuperado 17 de junio de 2016, a partir de <http://finzi.psych.upenn.edu/library/igraph0/html/graph.adjacency.html>

R (lenguaje de programación). (2016, junio 2). En *Wikipedia, la enciclopedia libre*. Recuperado a partir de [https://es.wikipedia.org/w/index.php?title=R\\_\(lenguaje\\_de\\_programaci%C3%B3n\)&oldid=91444799](https://es.wikipedia.org/w/index.php?title=R_(lenguaje_de_programaci%C3%B3n)&oldid=91444799)

- R Package Snapshot. (s. f.-a). Recuperado a partir de <https://cran.r-project.org/web/packages/lpSolve/index.html>
- R Package Snapshot. (s. f.-b). Recuperado a partir de <https://cran.r-project.org/web/packages/TSP/index.html>
- R Package Snapshot. (s. f.-c). Recuperado a partir de <https://cran.r-project.org/web/packages/rJava/index.html>
- R Package Snapshot. (s. f.-d). Recuperado a partir de <https://cran.r-project.org/web/packages/xlsx/index.html>
- R Package Snapshot. (s. f.-e). Recuperado a partir de <https://cran.r-project.org/web/packages/shiny/index.html>
- R Package Snapshot. (s. f.-f). Recuperado a partir de <https://cran.r-project.org/web/packages/igraph/index.html>
- RStudio. (2015, diciembre 6). En *Wikipedia, la enciclopedia libre*. Recuperado a partir de <https://es.wikipedia.org/w/index.php?title=RStudio&oldid=87601961>
- R: TSP solver interface. (s. f.). Recuperado 17 de junio de 2016, a partir de [http://127.0.0.1:18726/library/TSP/html/solve\\_TSP.html](http://127.0.0.1:18726/library/TSP/html/solve_TSP.html)
- Shiny: crear una aplicación web interactiva (apps) desde R. | R blogs / lang. (s. f.). Recuperado a partir de <http://www.r-bloggers.com/lang/uncategorized/1459>
- Stockdale\_Lorena.pdf. (s. f.). Recuperado a partir de [http://cms.dm.uba.ar/academico/carreras/licenciatura/tesis/2011/Stockdale\\_Lorena.pdf](http://cms.dm.uba.ar/academico/carreras/licenciatura/tesis/2011/Stockdale_Lorena.pdf)

## Relación de documentos

<input checked="" type="checkbox"/> Memoria .....	80	páginas
<input type="checkbox"/> Anexos .....	27	páginas

La Almunia, a 29 de Junio de 2016

Firmado: Alejandro Sarabia Hernando